

Network Security Essentials

- 3장 공개키 암호와 메시지 인증 (2) -

최창준 (changjun@pel.smuc.ac.kr)

상명대학교 프로토콜공학연구실

목 차

- 메시지 인증 코드
 - HMAC
 - 블록 암호기반 MAC

목 차

- 공개키 암호
 - 정의 및 구조
 - 응용
- 공개키 암호 알고리즘
 - RSA 알고리즘
 - Diffie-Hellman 알고리즘
 - 기타 알고리즘
 - 디지털 서명
 - 타원 곡선 알고리즘

메시지 인증 코드

- 메시지 인증 코드(Message Authentication Code)
- HMAC(Hashed MAC)
 - 해싱 기법을 적용하여 메시지의 위·변조를 방지하는 기법
- 응용
 - IP 보안, 전송 계층 보안(TLS, Transport Layer Security), 안전한 전자 결제(SET, Secure Electronic Transaction)와 같은 인터넷 프로토콜에서 사용됨

메시지 인증 코드

- HMAC

- 표기법

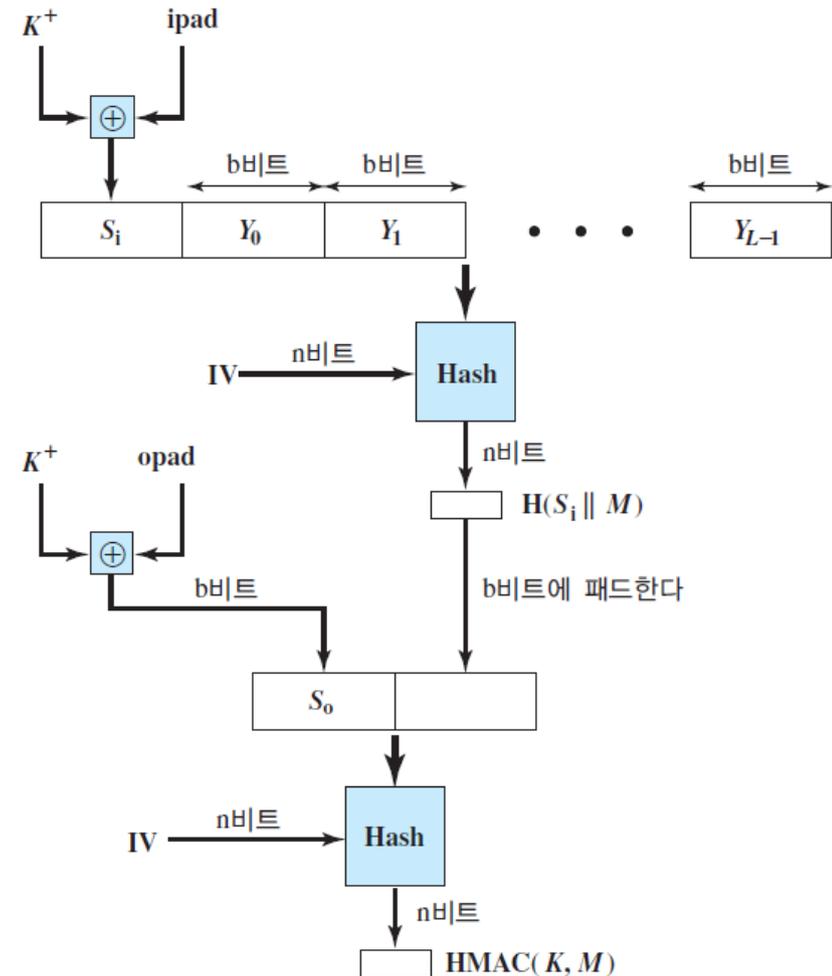
표기법	설명
H	해시 함수
M	HMAC의 입력 메시지
Y_i	M의 i번째 블록
L	M의 블록 수
b	블록의 비트 수
n	내장된 해시 함수에 의해 생성된 해시 코드의 길이
K	비밀키, 키의 길이가 b보다 길면 n 비트 키를 생성하는 해시 함수에 입력으로 사용
K^+	K의 왼쪽에 0을 붙여서 길이가 b 비트가 되도록 한 것
ipad	00110110(16 진수 36)을 b/8번 반복한 2진 수열
opad	01011100(16 진수 5C)을 b/8번 반복한 2진 수열

메시지 인증 코드

• HMAC

• 구조 (1/2)

1. 메시지를 길이가 b 비트인 블록으로 분리
2. 비밀 키 K 의 왼쪽에 0으로 된 열을 패딩하여 b 비트의 K^+ 생성
3. K^+ 와 상수 $ipad$ (input pad)를 XOR 연산하여 b 비트 S_i 블록 생성
4. S_i 를 메시지 맨 앞에 붙이고 n 비트 IV 와 해시 함수에 입력
5. 출력 값으로 생성된 n 비트 다이제스트를 중간 HMAC이라고 부름

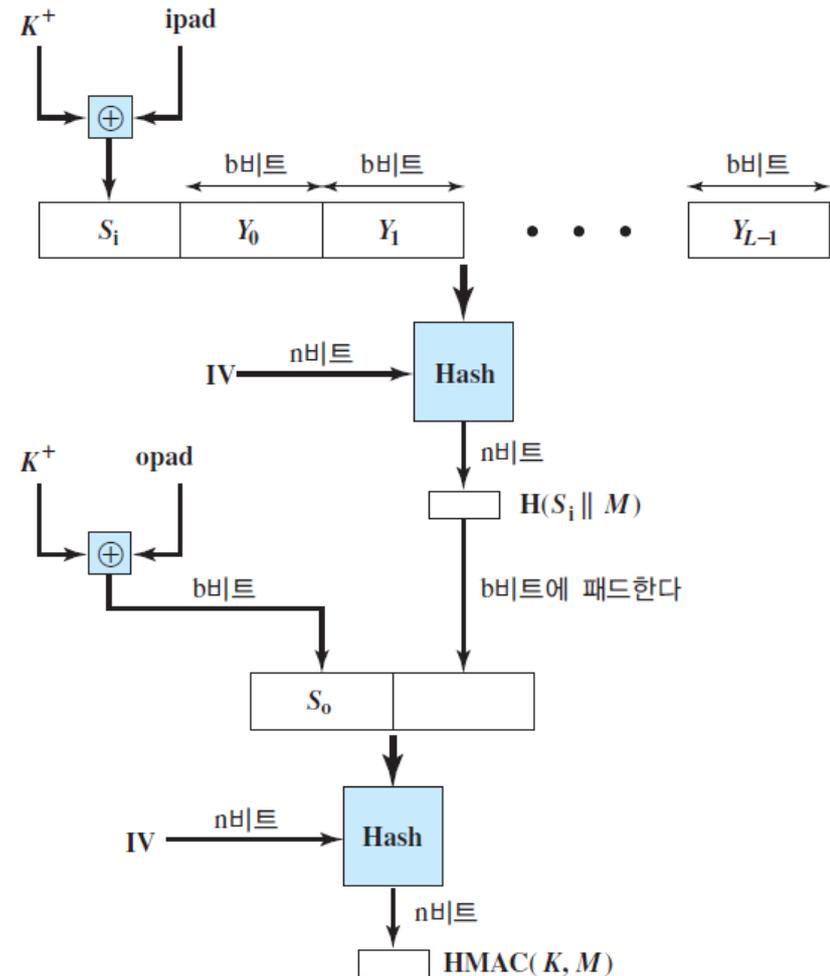


메시지 인증 코드

• HMAC

• 구조 (2/2)

6. n 비트로 된 중간 HMAC의 왼쪽에 0으로 이루어진 열을 패딩하여 b 비트 블록 생성
7. 단계 2와 단계 3을 다른 상수인 opad(output pad)로 반복하여 b 비트 S_o 블록 생성
8. 단계 7에서 얻은 결과를 단계 6에서 얻은 블록 앞에 붙임
9. 단계 8의 결과에 동일한 해시 함수를 적용하여 최종 n 비트 HMAC을 생성



메시지 인증 코드

- 블록 암호 기반 MAC
- 암호 기반 메시지 인증 코드(CMAC, Cipher-based Message Authentication Code)
 - 대칭키 암호를 N 번 사용하여 N 개의 평문 블록으로부터 하나의 MAC을 생성
 - 운용모드용으로 AES와 3DES를 사용
 - AES
 - 암호 블록 길이 b : 128 비트
 - 키 길이 k : 128, 192 또는 256 비트
 - 3DES
 - 암호 블록 길이 b : 64 비트
 - 키 길이 k : 112 또는 168 비트
 - 메시지는 n 개 블록으로 나뉨

메시지 인증 코드

- 블록 암호 기반 MAC
 - 암호 기반 메시지 인증 코드
 - 계산식과 용어

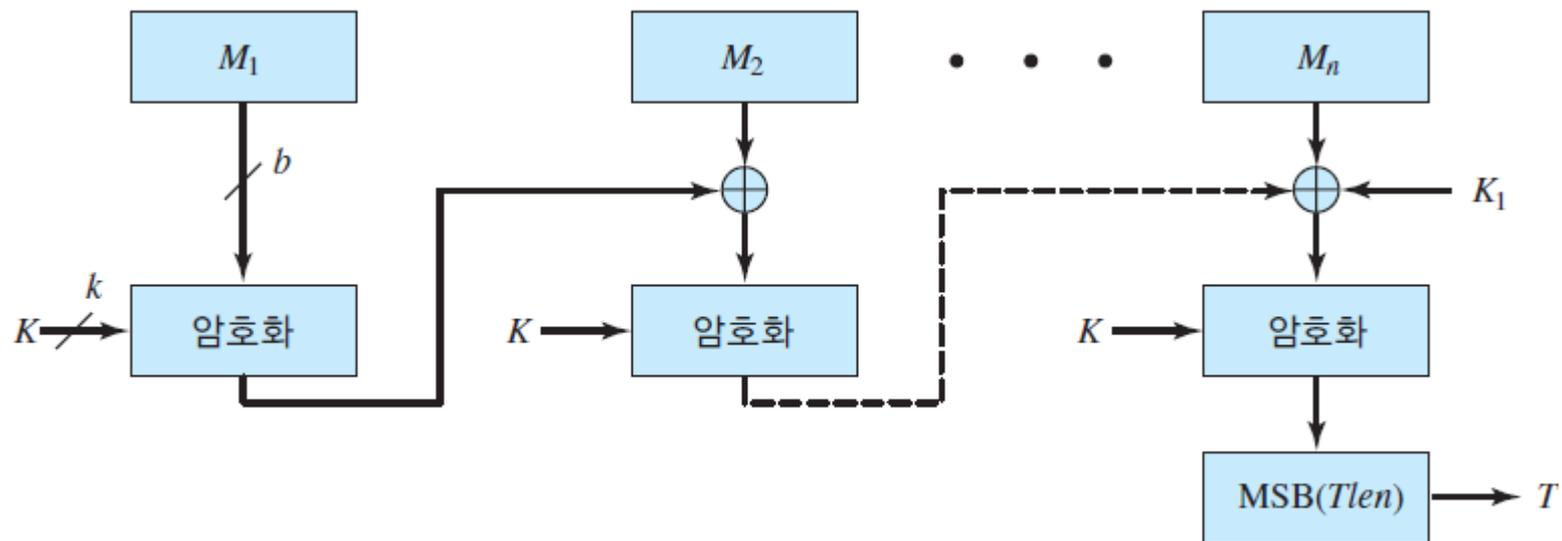
계산식
$C_1 = E(K, M_1)$
$C_2 = E(K, [M_2 \oplus C_1])$
$C_3 = E(K, [M_3 \oplus C_2])$
•
•
•
$C_n = E(K, [M_n \oplus C_{n-1} \oplus K_1])$
$T = \text{MSB}_{Tlen}(C_n)$

용어	정의
T	메시지 인증 코드, “태그(Tag)”
Tlen	T의 비트 길이
$\text{MSB}_s(X)$	비트열 X의 왼쪽부터 S개 비트
K_1	결과로 나온 암호문을 한 비트 왼쪽으로 이동시킨 값
K_2	K_1 을 한 비트 왼쪽으로 이동시킨 값

- MSB(Most Significant Bit) : 최상위 비트

메시지 인증 코드

- 블록 암호 기반 MAC
- 암호 기반 메시지 인증 코드
 - 메시지 길이가 블록 길이의 정수배일 때
 - k 비트 키와 b 비트 서브키 K_1 을 사용



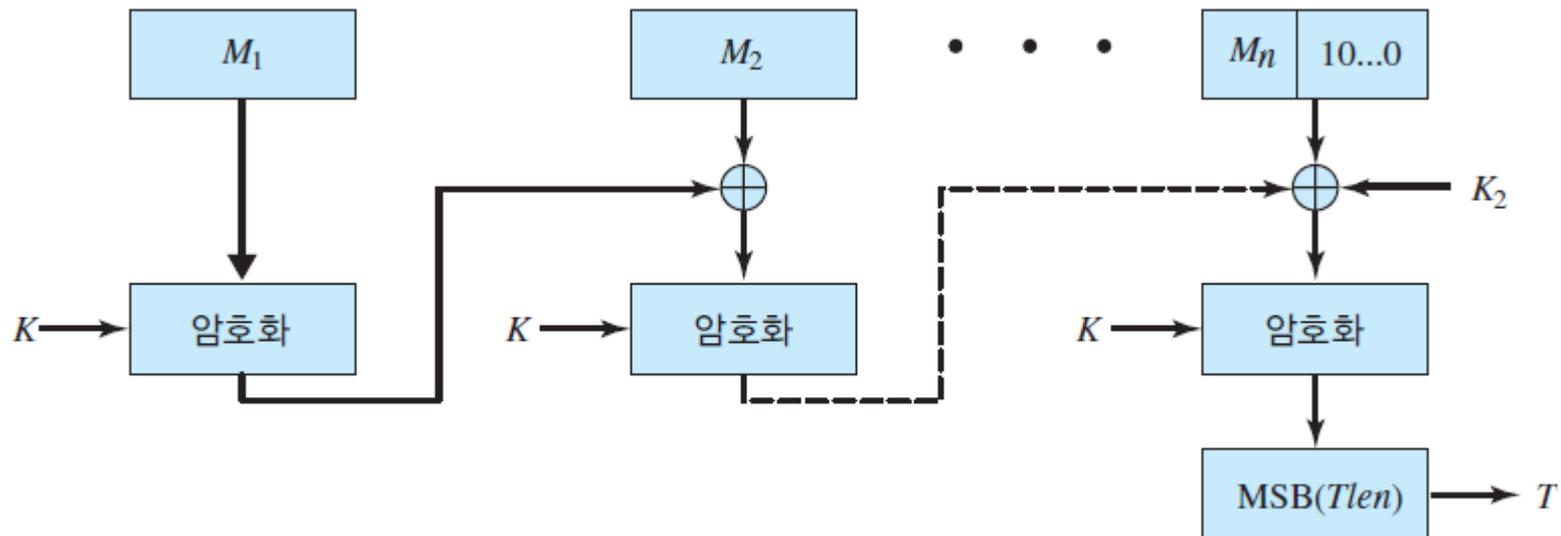
메시지 인증 코드

- 블록 암호 기반 MAC

- 암호 기반 메시지 인증 코드

- 메시지 길이가 블록 길이의 정수배가 아닐 때

- 마지막 블록에 패딩을 붙여 블록의 길이가 b 비트가 되게 함
- k 비트 키와 b 비트 서브키 K_2 를 사용



메시지 인증 코드

- 블록 암호 기반 MAC
- 암호 블록 체인 카운터 MAC(CCM, Counter with Cipher block chaining-Message authentication code)
 - 인증된 암호화(Authentication encryption)모드라고도 함
 - 통신상 기밀성과 인증(무결성)을 동시에 보호하는 암호 시스템을 설명할 때 사용되는 용어
- 핵심 알고리즘 요소
 - AES 암호 알고리즘
 - CTR 운용 모드
 - CMAC 인증 알고리즘

메시지 인증 코드

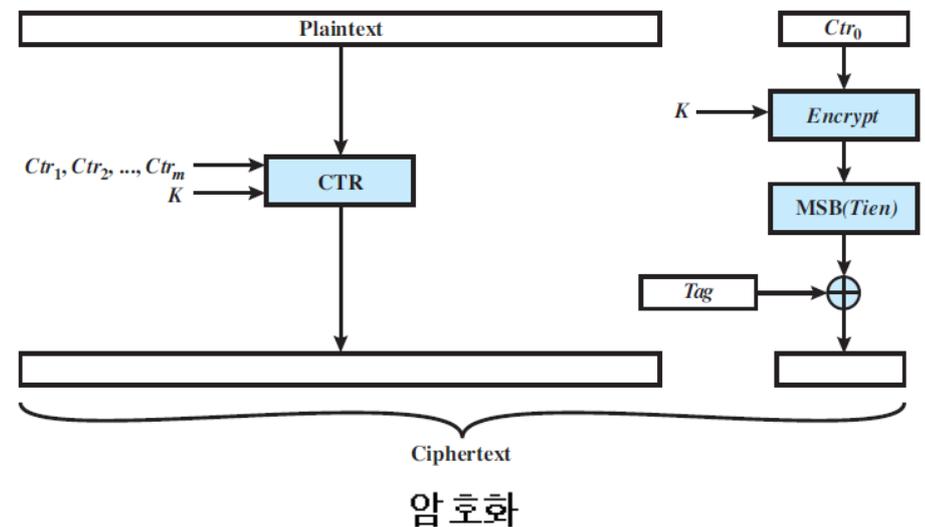
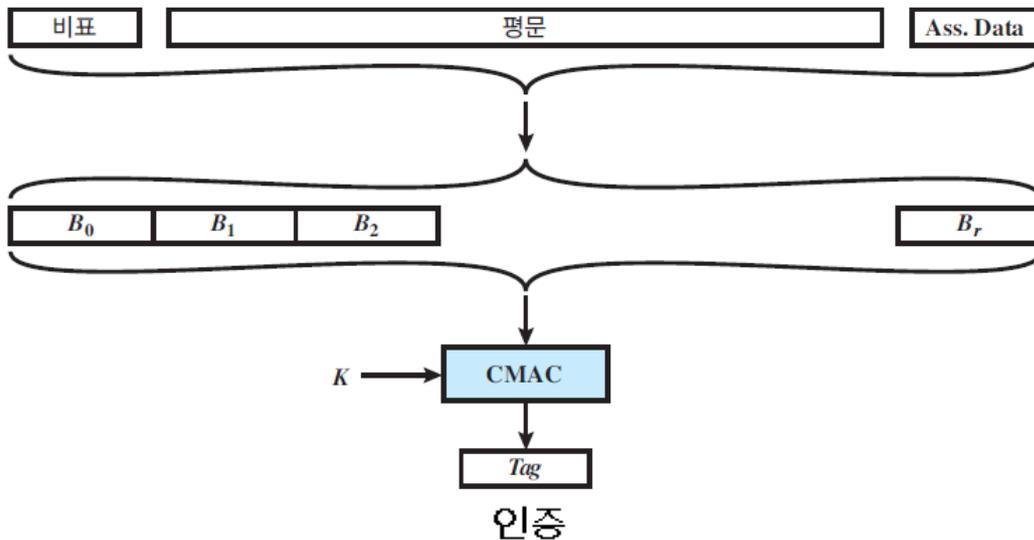
- 블록 암호 기반 MAC

- 암호 블록 체인 카운터

- 암호화와 인증에 동일한 키를 사용

- 인증 과정에 입력되는 내용

- 인증하고 암호화할 데이터 (평문 메시지 데이터 블록 P)
- 인증은 하지만 암호화는 하지 않는 데이터 (유관 데이터 A)
- 프로토콜 연관이 있는 동안 모든 순간에 달라지는 유일 값 (유관 데이터에 할당되는 비표 N)



공개키 암호

- 공개키 암호(Public-key encryption)

- 정의

- 암호·복호화할 때 서로 다른 두 개의 키를 사용하는 암호 방식
 - 공개키(Public key)
 - 외부에 공개 되는 키
 - 개인키(Private key)
 - 외부에 공개해서는 안 되는 키

- 특징

- 수학적 함수에 의해 만들어짐
- 기밀성, 키 분배, 인증 분야에서 성능이 뛰어남
- 공개키로 암호화한 암호문은 공개키와 대응되는 개인키가 아니면 복호화할 수 없음

공개키 암호

- 공개키 암호

- 대칭키와 공개키 암호 방식 비교 표

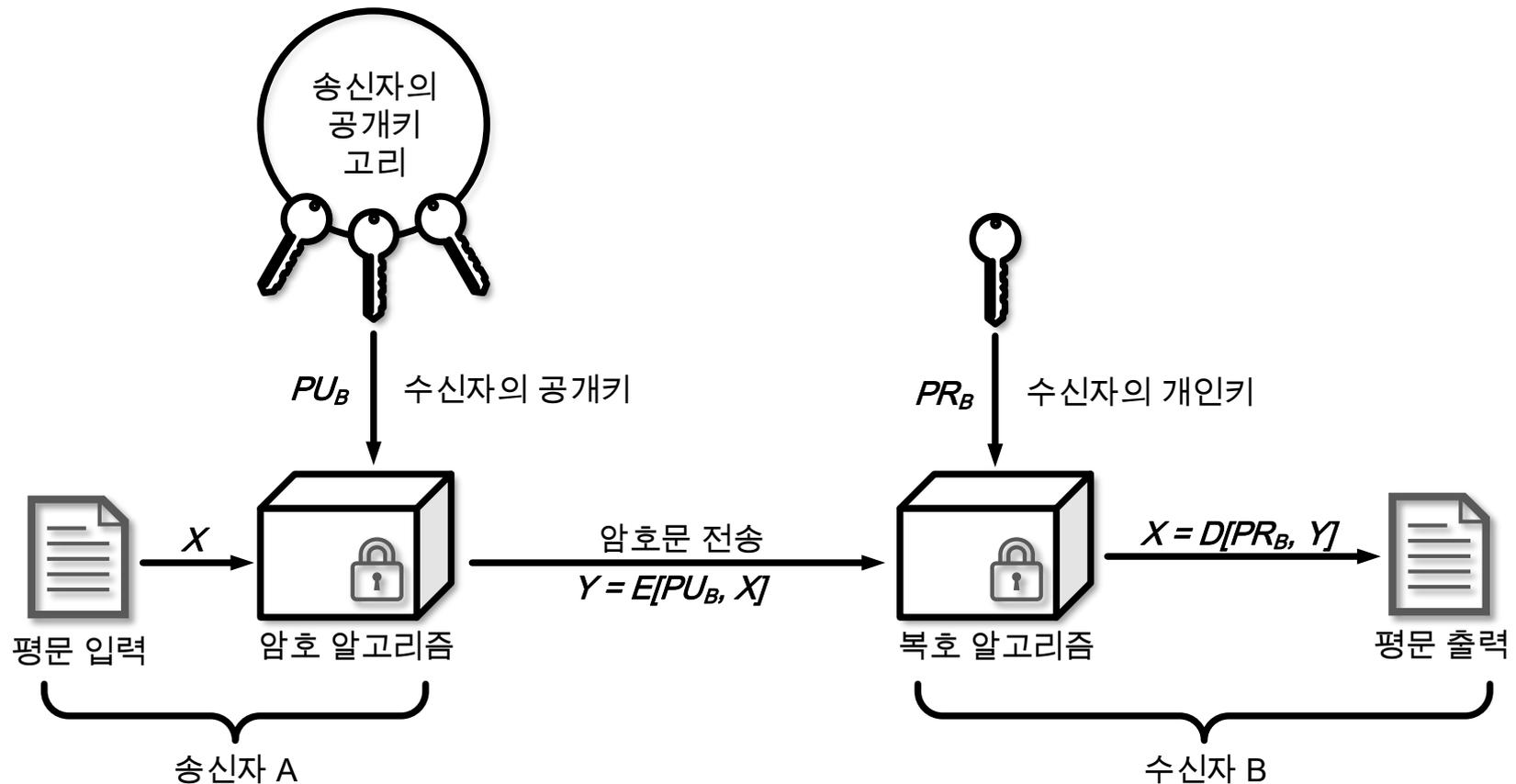
구분	대칭키 암호 방식	공개키 암호 방식
키	대칭키(비밀키)	비대칭키(공개키, 개인키)
키의 개수	$\frac{N(N-1)}{2}$	$2N$
암호화 키의 관계	암호화 키 = 복호화 키	암호화 키 \neq 복호화 키
장점	암·복호화 계산 속도가 빠름	암호 키 사전 공유 불필요 키 분배 및 관리가 용이함
단점	키 분배 및 관리가 어려움	암·복호화 계산 속도가 느림
대표 알고리즘	DES	RSA

공개키 암호

- 공개키 암호

- 구조

- 공개키에 의한 암호화

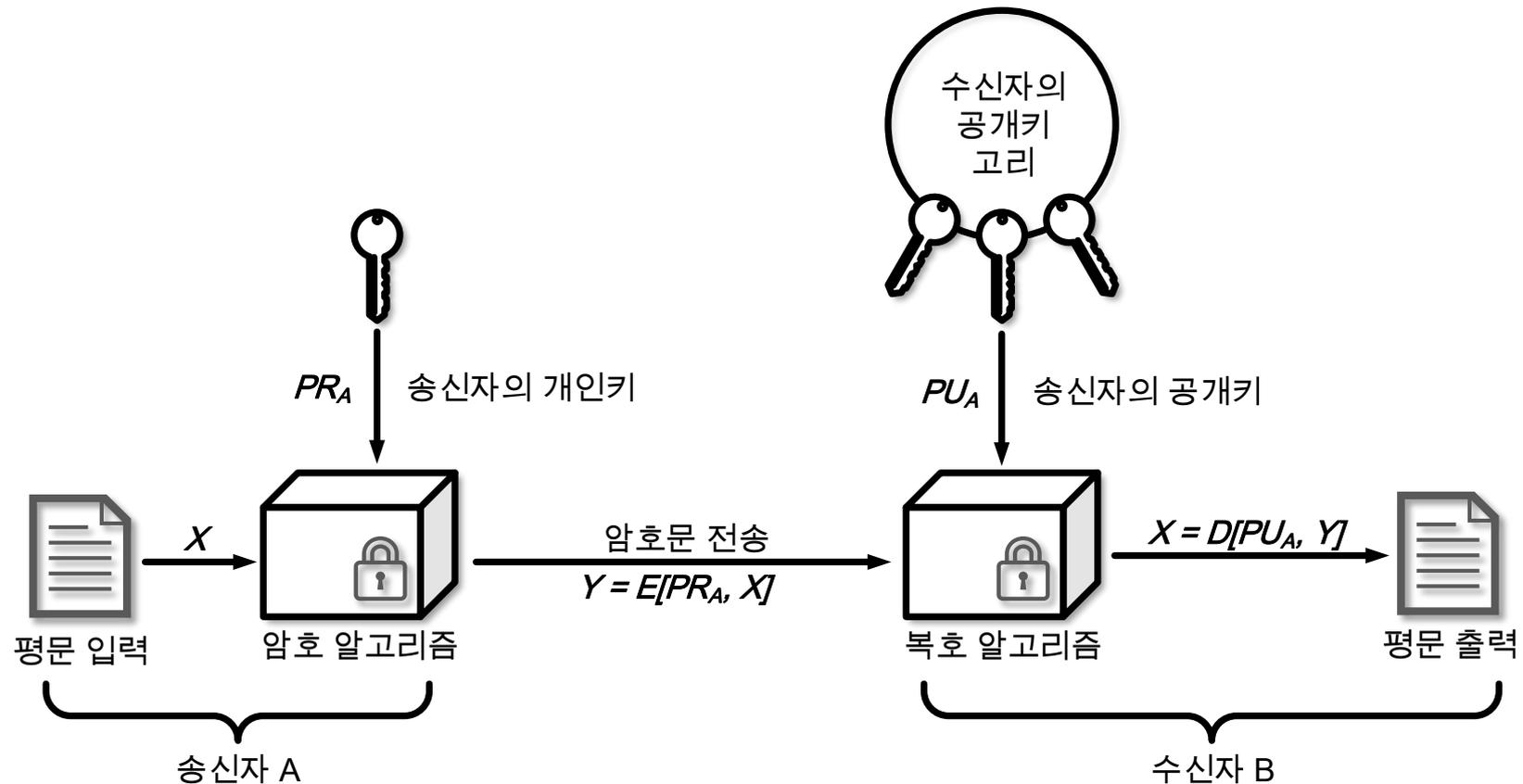


공개키 암호

- 공개키 암호

- 구조

- 개인키에 의한 암호화



공개키 암호

- 공개키 암호

- 응용

- 암호화/복호화(Encryption/Decryption)

- 송신자는 수신자의 공개키로 메시지 암호화

- 디지털 서명(Digital signature)

- 송신자는 자신의 개인키로 메시지에 서명

- 키 교환(Key exchange)

- 키 합의(Key Agreement) 방식

- 통신 양측의 공개키와 개인키를 사용하여 비밀키 생성
 - e.g., Diffie-Hellman 알고리즘

- 키 전송(Key Transport) 방식

- 통신 양측 중 한쪽이 비밀키를 생성하여 상대방의 공개키로 암호화한 후 전송
 - e.g., RSA 알고리즘

공개키 암호

- 공개키 암호

- 응용

- 공개키 알고리즘 비교 표

알고리즘	암호화/복호화	디지털 서명	키 교환
RSA	O	O	O
Diffie-Hellman	X	X	O
DSS	X	O	X
ECC	O	O	O

공개키 암호

• 공개키 암호

• 요건

- 한 쌍의 키(공개키, 개인키)를 생성하는 것이 쉬워야 함
- 송신자는 암호문을 쉽게 구할 수 있어야 함
 - $C = E(PU, M)$
- 수신자는 암호문을 복호화하는 것이 쉬워야 함
 - $M = D(PR, C) = D[PR, E(PU, M)]$
- 키 쌍 중에 하나의 키를 알고 있는 경우 다른 키를 예측할 수 없어야 함
- 공개키와 암호문을 알고 있더라도 해독이 불가능해야 함
- 암호·복호화에 키가 하나씩 사용되어야 함
 - $M = D[PU, E(PR, M)] = D[PR, E(PU, M)]$
- 평문은 키 값보다 작아야 함
 - $C = M^e \bmod n$

공개키 암호 알고리즘

- RSA(Rivest Shamir Adleman) 알고리즘

- 정의

- 1977년 MIT의 Ron Rivest와 Adi Shamir, Len Adlman이 개발한 공개키 암호 알고리즘

- 특징

- 소인수분해 문제의 어려움을 기반으로 한 알고리즘
- 해독하는 데 시간이 오래 걸리기 때문에 널리 사용됨
 - e.g., 공인 인증서 등
- 평문 메시지와 암호문, 키 값을 모두 숫자로 취급함

공개키 암호 알고리즘

- RSA 알고리즘
 - 표기법

표기법	설명
M	메시지
C	암호화된 메시지 (암호문)
p, q	키를 생성하기 위해 선택하는 소수 값
$n = (p \times q)$	암·복호화에 이용되는 키의 인자 값, <i>modulus</i> 로 사용
e	공개키의 인자 값 (공개 값)
d	개인키의 인자 값 (비밀 값)
$PU = \{e, n\}$	공개키
$PR = \{d, n\}$	개인키

공개키 암호 알고리즘

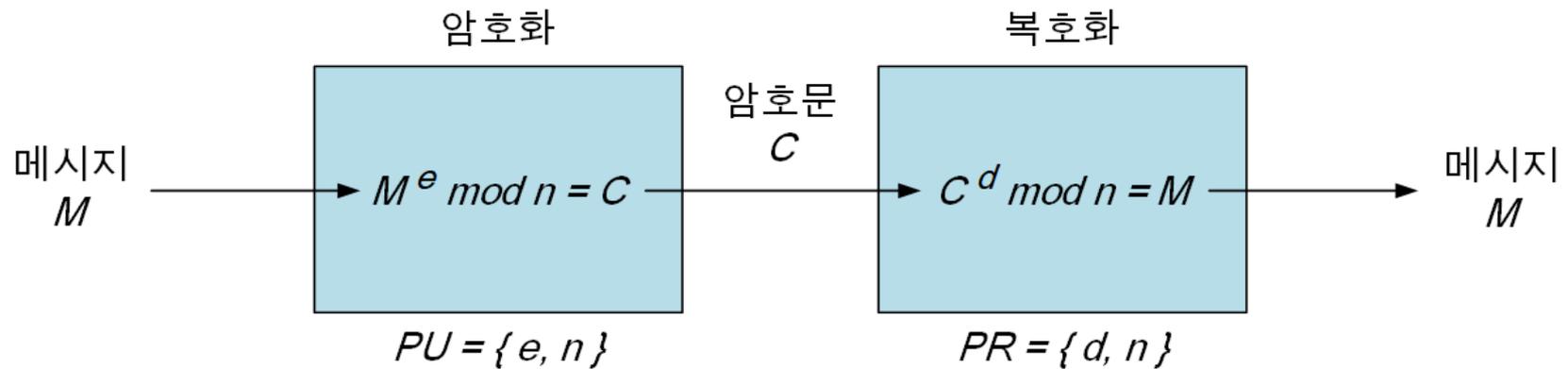
- RSA 알고리즘

- 키 생성 과정

1. 두 개의 큰 소수 p 와 q 를 선택 ($p \neq q$)
2. $n = p \times q$ 를 계산
3. $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$ 를 계산
 - 오일러(Euler) 함수 $\varphi(n)$
 - n 보다 작으면서 n 과 서로소인 정수의 개수
4. $1 < e < \varphi(n)$ 이면서 $\varphi(n)$ 과 서로소인 정수 e 를 선택
5. $de \bmod \varphi(n) = 1$ 를 만족하는 d 를 계산
6. 공개키 $PU = \{e, n\}$ 생성
7. 개인키 $PR = \{d, n\}$ 생성

공개키 암호 알고리즘

- RSA 알고리즘
 - 암호·복호화 과정



- 암호화

- $C = M^e \bmod n$
- 메시지 M 을 공개키 $PU = \{e, n\}$ 로 암호화

- 복호화

- $M = C^d \bmod n = (M^e)^d \bmod n = M^{ed} \bmod n$
- 암호문 C 를 개인키 $PR = \{d, n\}$ 로 복호화

공개키 암호 알고리즘

- RSA 알고리즘

- 보안

- 전수조사 공격

- 가능한 모든 경우의 개인키를 시도해보는 공격

- 대응책

- e 와 d 의 비트 크기를 최소 512비트가 되도록 함
 - 10진수로 약 154자리 수

- 소인수분해 공격

- n 을 소인수분해 한 p 와 q 를 구하여 키 값을 얻는 공격

- 대응책

- n 의 비트 크기를 최소 1024비트가 되도록 함
 - 10진수로 약 300자리 수

공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 알고리즘

- 정의

- 1976년 Whitfield Diffie와 Martin Hellman에 의해 개발된 키 교환 알고리즘

- 특징

- 이산 대수 문제의 어려움을 기반으로 한 알고리즘
- 공개키를 교환하여 통신 양측이 사용할 비밀키 생성

공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 알고리즘

- 이산대수 문제(Discrete logarithms problem)

- 원시근(Primitive root) α

- 소수 p 의 원시근

- 자신의 거듭제곱을 이용하여 1부터 $p - 1$ 까지의 정수를 생성해 낼 수 있는 수

- $\alpha \bmod p, \alpha^2 \bmod p, \dots, \alpha^{p-1} \bmod p$

- 이산대수(Discrete logarithm)

- p 보다 작은 임의의 정수 b 와 p 의 원시근 α 에 대해서

$$b = \alpha^i \bmod p \quad (0 \leq i \leq p - 1)$$

지수(Exponent) i 를 밑수 α 를 갖는 b 의 이산대수라고 함

- 표기 : $dlog_{\alpha, p}(b)$

공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 알고리즘

- 이산대수 문제(Discrete logarithms problem)

- 예제

- $7^X \bmod 13 = 8$ 이 되는 X 값은 무엇인가?

- $7^0 \bmod 13 = 1$
 - $7^1 \bmod 13 = 7$
 - $7^2 \bmod 13 = 10$
 - $7^3 \bmod 13 = 5$
 - $7^4 \bmod 13 = 9$
 - $7^5 \bmod 13 = 11$
 - $7^6 \bmod 13 = 12$
 - $7^7 \bmod 13 = 6$
 - $7^8 \bmod 13 = 3$
 - $7^9 \bmod 13 = 8$

- $\therefore X = 9$

공개키 암호 알고리즘

• Diffie-Hellman 알고리즘

• 비밀키 생성 과정

• 공개되는 값

- 소수 q , 원시근 α , 공개 값 Y_A, Y_B

1. 통신 양측은 임의의 개인 값 X_A, X_B 선택

2. 공개 값 Y_A, Y_B 계산

$$Y_A = \alpha^{X_A} \text{ mod } q$$

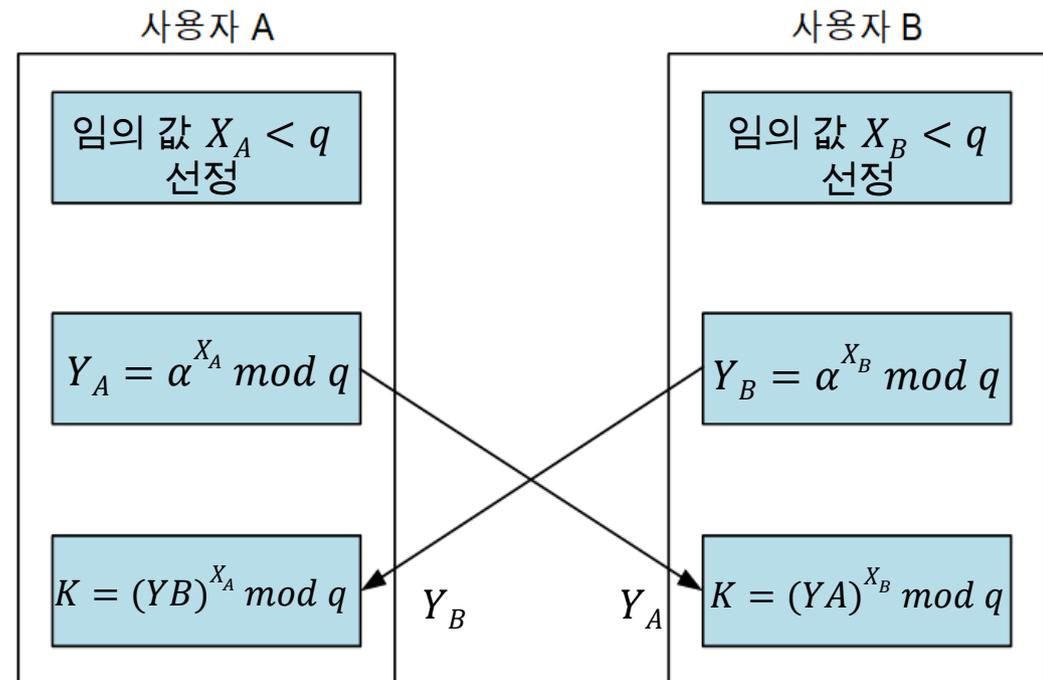
$$Y_B = \alpha^{X_B} \text{ mod } q$$

3. 계산한 공개 값 전송

4. 비밀키 생성

$$K = (Y_B)^{X_A} \text{ mod } q$$

$$= (Y_A)^{X_B} \text{ mod } q$$



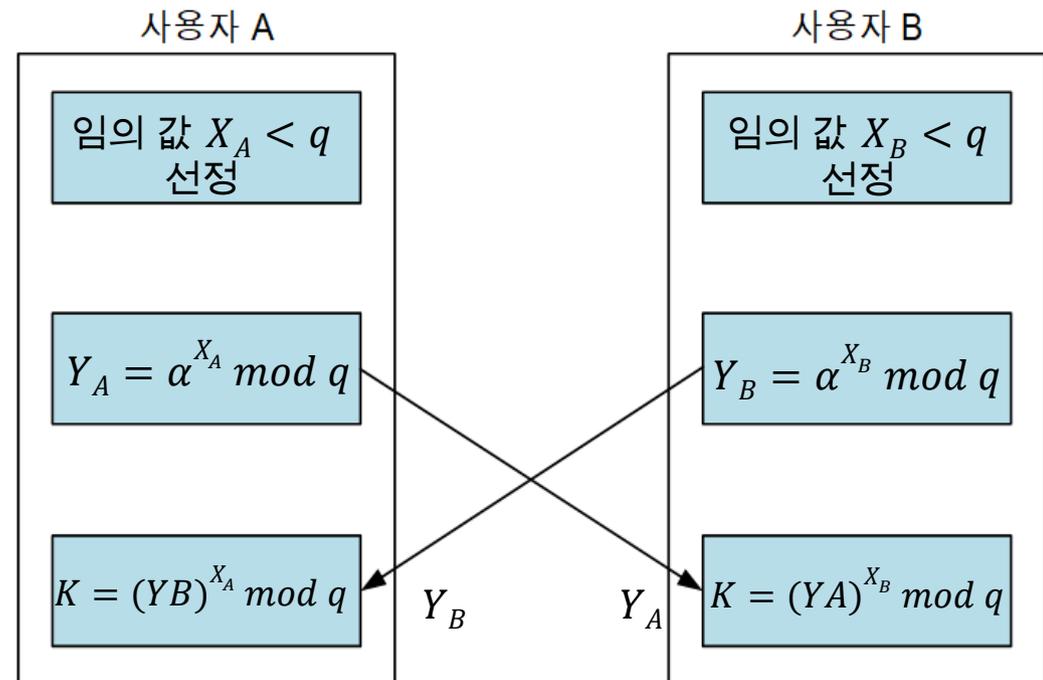
공개키 암호 알고리즘

• Diffie-Hellman 알고리즘

• 비밀키 생성 과정

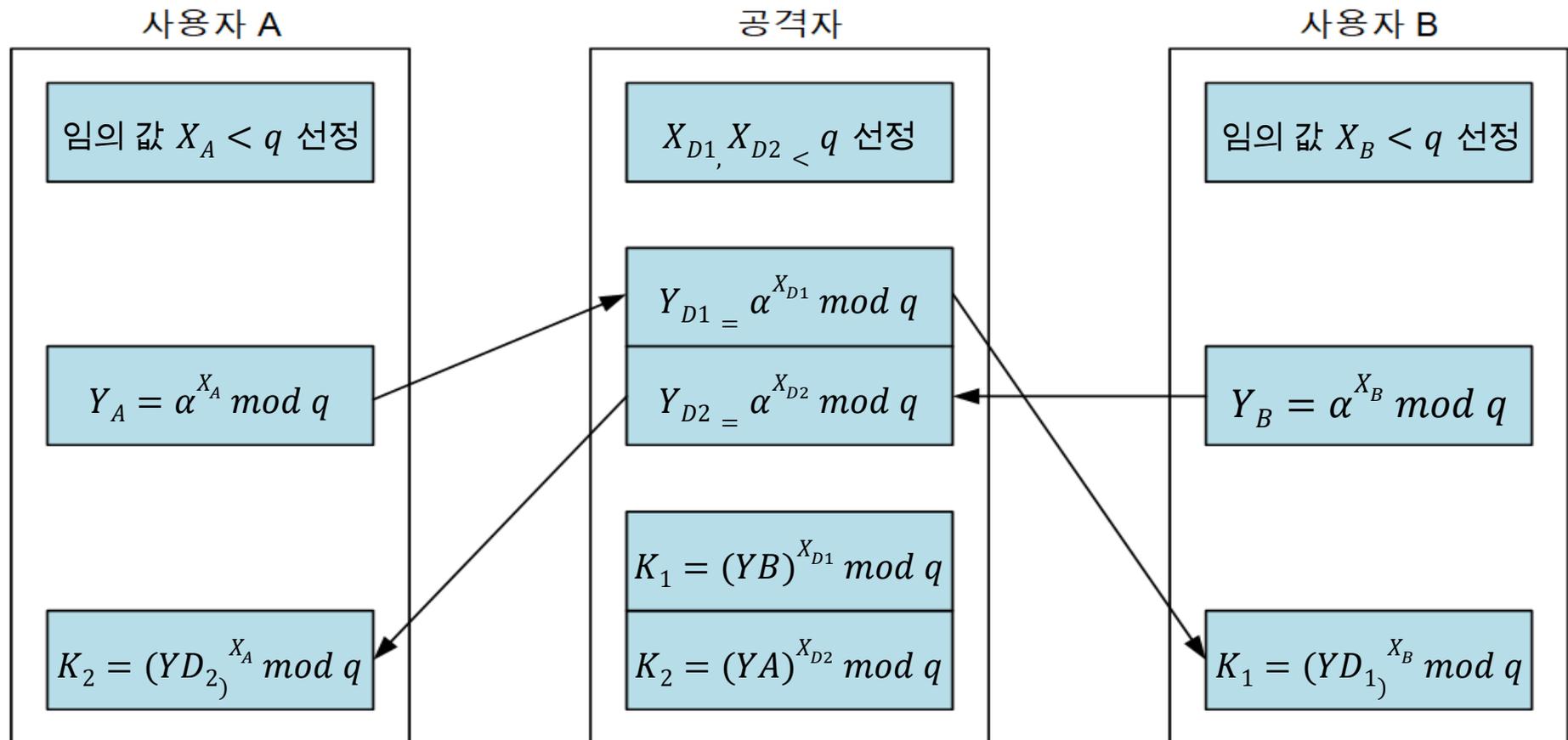
• 동일한 비밀키

$$\begin{aligned} \bullet K &= (Y_B)^{X_A} \bmod q \\ &= (\alpha^{X_B} \bmod q)^{X_A} \bmod q \\ &= (\alpha^{X_B})^{X_A} \bmod q \\ &= \alpha^{X_B X_A} \bmod q \\ &= (\alpha^{X_A})^{X_B} \bmod q \\ &= (\alpha^{X_A} \bmod q)^{X_B} \bmod q \\ &= (Y_A)^{X_B} \bmod q \end{aligned}$$



공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 알고리즘
 - 중간자 공격(Man-in-the-middle attack)



공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 알고리즘

- RSA와 Diffie-Hellman 알고리즘 비교 표

구분	RSA	Diffie-Hellman
수학적 배경	소인수분해 문제	이산대수 문제
키 분배 방법	키 전송	키 합의
응용 분야	암·복호화, 디지털 서명, 키 교환	키 교환
장점	여러 라이브러리 존재	키 분배에 최적화 키는 필요 시에만 생성, 저장 불필요
단점	느린 계산 속도	위조에 취약

공개키 암호 알고리즘

- 기타 알고리즘

- 디지털 서명 (Digital signature)

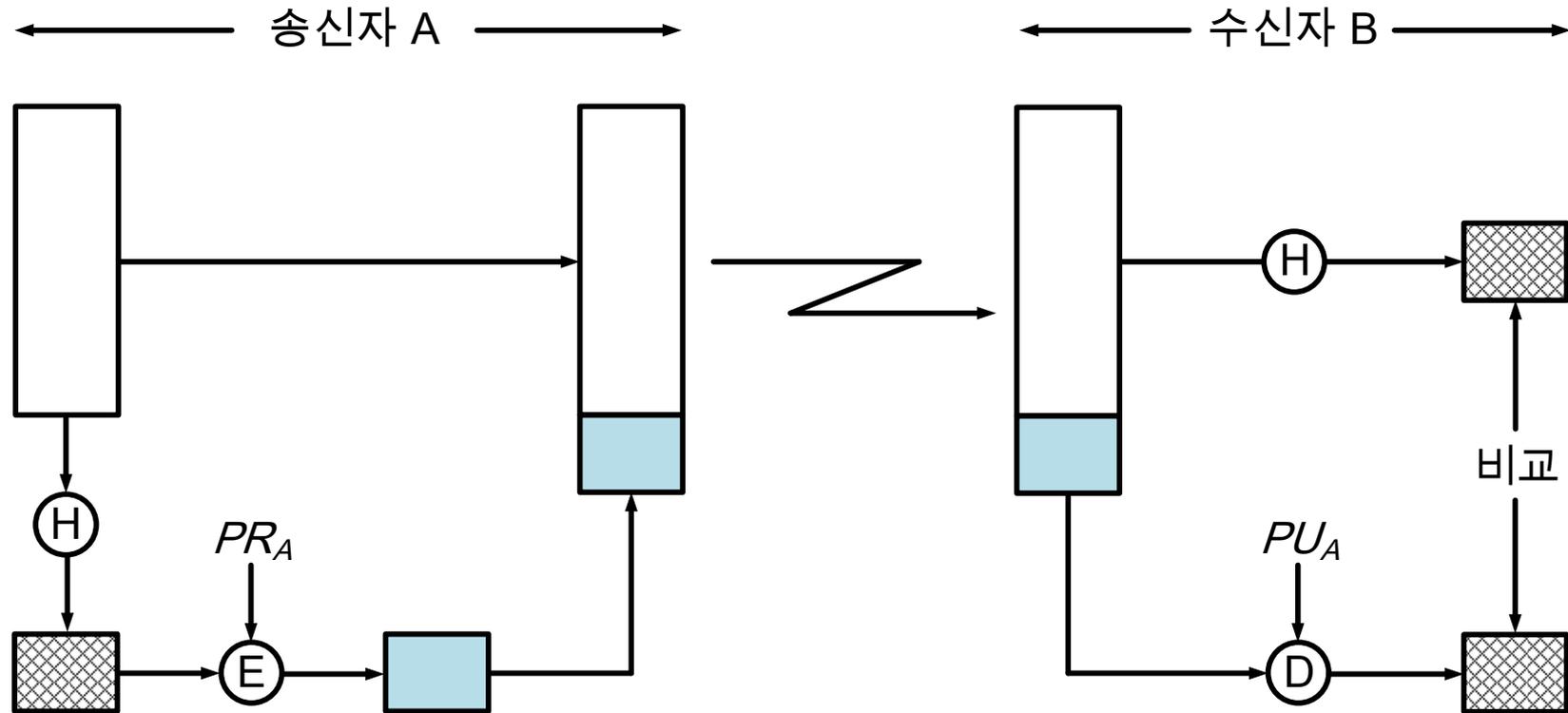
- 송신자의 신원을 증명하는 인증 기법

- 특징

- 송신자가 자신의 개인키로 암호화 한 메시지를 수신자가 송신자의 공개키로 복호화
- 디지털 서명만 제공하는 기법으로 인증자(Authenticator) 블록 만듦
 - 인증자
 - 메시지의 기능을 대신하는 작은 블록
 - 인증자를 개인키로 암호화하여 메시지의 출처, 무결성, 순서를 확인해주는 서명 생성
- 공개키로 복호화하기 때문에 기밀성을 보장하지 않음

공개키 암호 알고리즘

- 기타 알고리즘
 - 디지털 서명
 - 구조



공개키 암호 알고리즘

- 기타 알고리즘

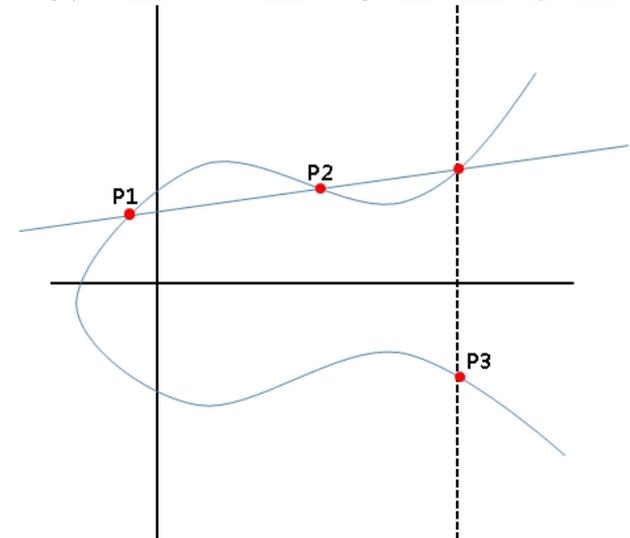
- 타원 곡선 암호(ECC, Elliptic Curve Cryptography)

- 정의

- 1985년 Neal Koblitz와 Victor Miller가 독립적으로 제안한 타원 곡선 이론 기반 공개키 암호 방식

- 특징

- 방정식 $y^2 = x^3 + ax + b$ 를 만족하는 점들의 집합
 - RSA보다 짧은 키 길이를 사용하면서 비슷한 수준의 안전성을 제공



감사합니다!