

# Network Security Essentials

- Chapter\_3 공개키 암호와 메시지 인증(2) -

발표자 : 이 태 양([taeyang@pel.sejong.ac.kr](mailto:taeyang@pel.sejong.ac.kr))

세종대학교 프로토콜공학연구실

# 목 차

---

- 암호 블록 운용 모드
- 공개키 암호 원리
- 공개키 암호 알고리즘

# 암호 블록 운용 모드

- 종류

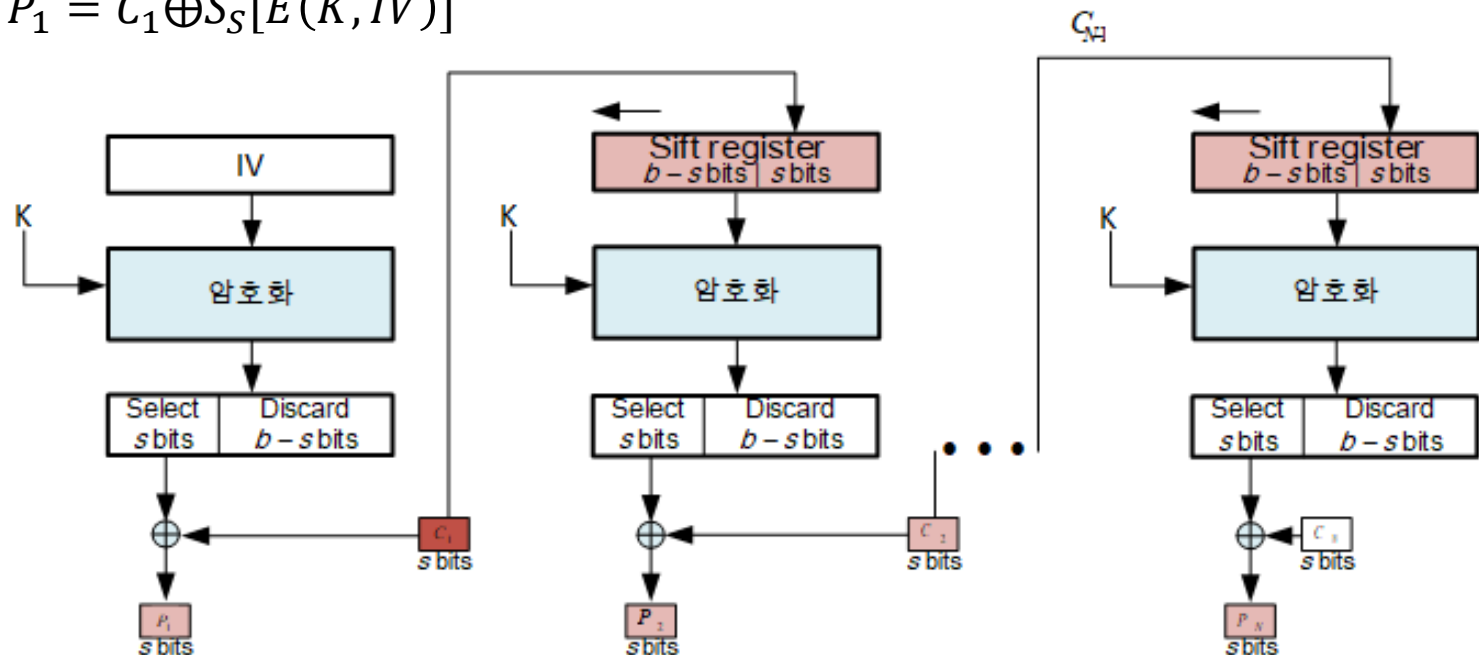
- 암호 피드백 (CFB, Cipher FeedBack) 모드

- 오류 확산

- 복호화 과정

- 암호문 블록 하나에 오류가 있을 때, 현재 평문 블록 이후 Shift register에서 오류가 소멸 될 때까지 평문 블록에 영향

$$P_1 = C_1 \oplus S_S[E(K, IV)]$$



# 암호 블록 운용 모드

---

- 종류

- 암호 피드백 (CFB, Cipher FeedBack) 모드

- 장점

- 패딩이 불필요
    - 실시간 사용 가능

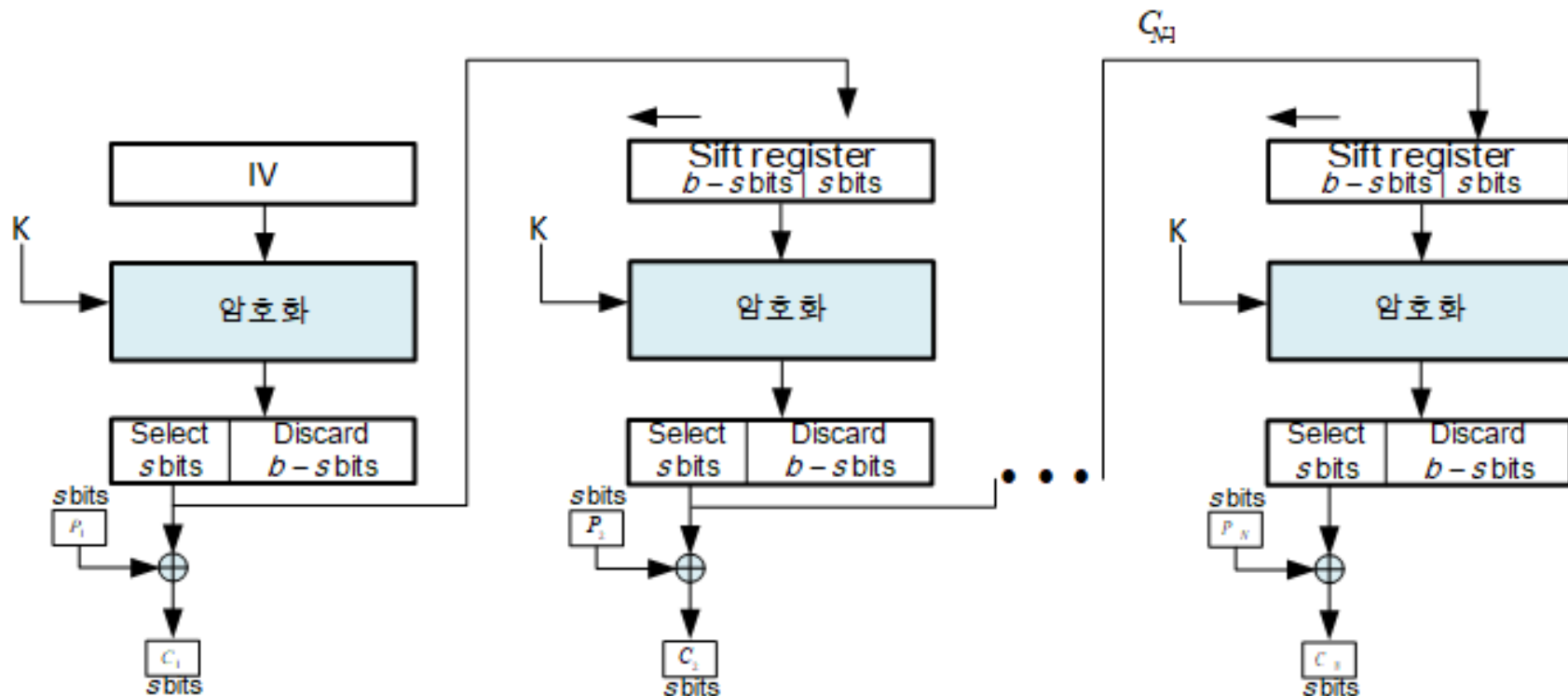
- 단점

- 속도가 느림
    - 암호화 과정에서 병렬처리 불가능
    - 오류가 확산됨

# 암호 블록 운용 모드

- 종류

- 출력 피드백 (OFB, Output FeedBack) 모드
  - 평문 블록에 직접 암호화하지 않고 이전 암호 알고리즘의 출력을 입력으로 피드백하여 평문과 XOR하는 방식

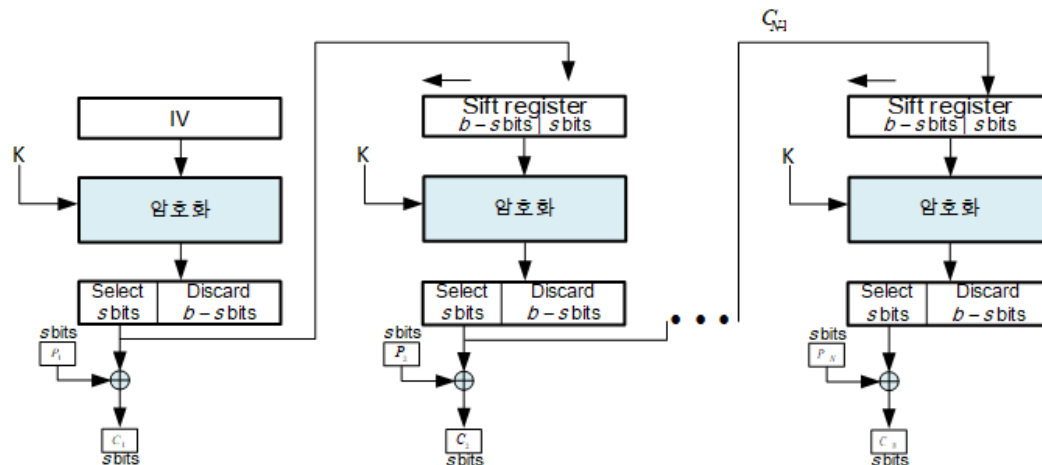


# 암호 블록 운용 모드

- 종류

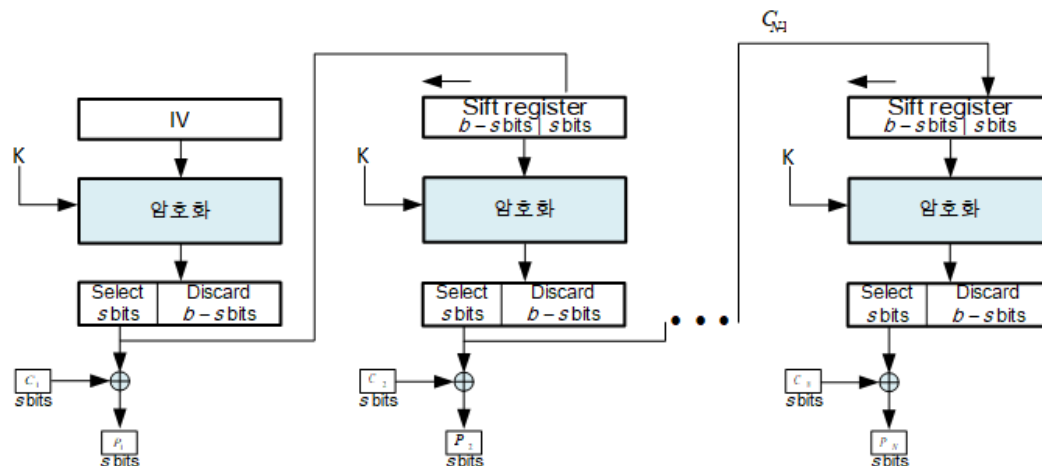
- 출력 피드백 (OFB, Output FeedBack) 모드
  - 암호화

$$P_i \oplus S_i = C_i$$
$$S_i = E_k(S_{i-1})$$



- 복호화

$$C_i \oplus S_i = P_i$$
$$S_i = E_k(S_{i-1})$$



# 암호 블록 운용 모드

---

- 종류

- 출력 피드백 (OFB, Output FeedBack) 모드

- 장점

- 패딩이 불필요
    - 오류가 확산되지 않음
      - 암호알고리즘의 출력과 평문을 XOR하여 암호문 생성

- 단점

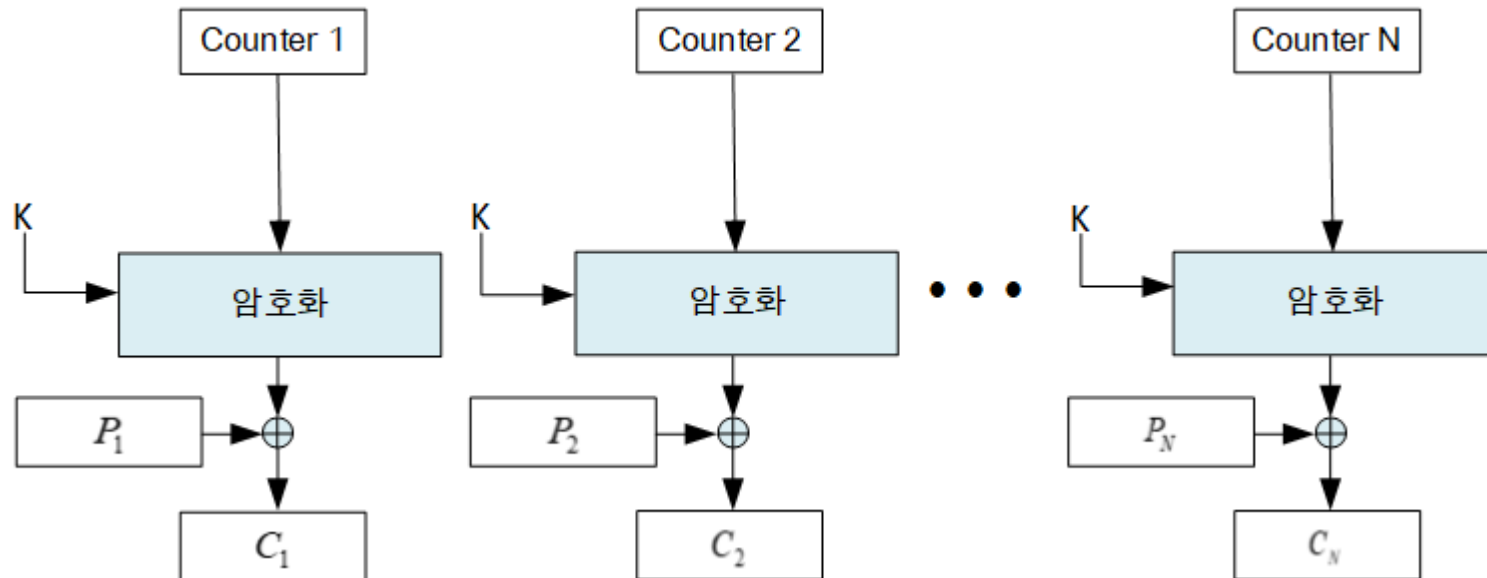
- 병렬처리 불가능

# 암호 블록 운용 모드

- 종류

- 카운터 (CTR, Counter) 모드

- 1씩 증가하는 카운터를 암호화해서 키스트림을 만들어내는 방식





# 암호 블록 운용 모드

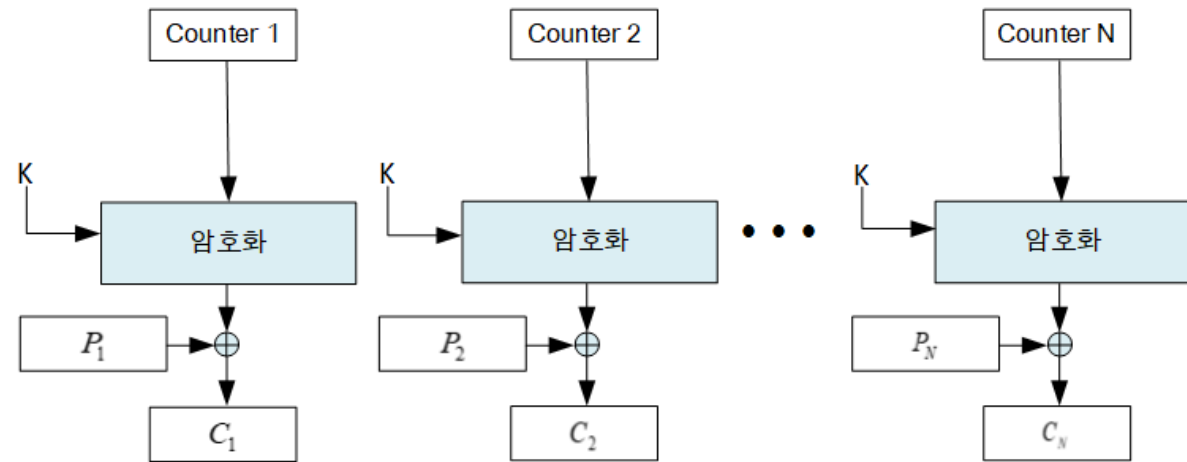
- 종류

- 카운터 (CTR, Counter) 모드

- 암호화

$$P_i \oplus S_i = C_i$$

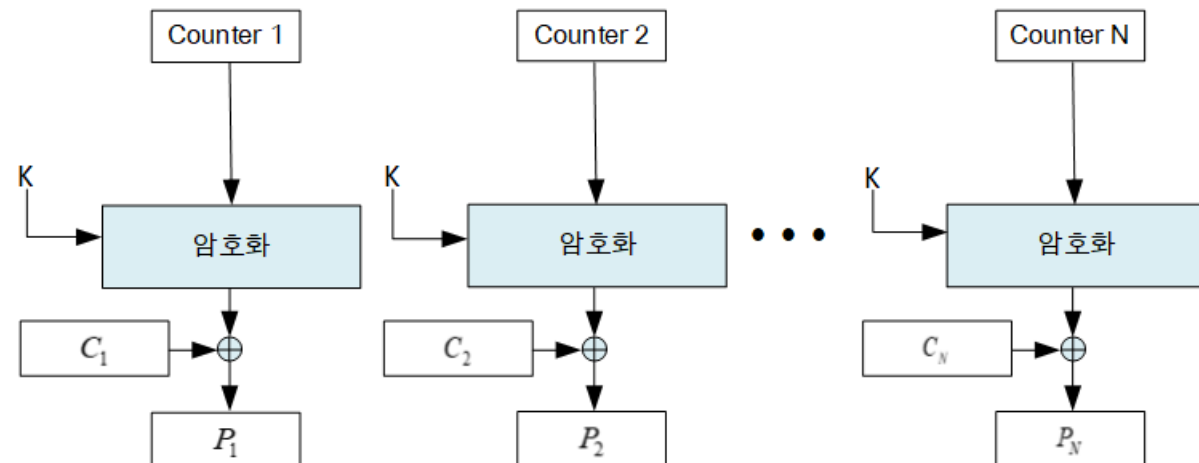
$$S_i = E_k(N_i)$$



- 복호화

$$C_i \oplus S_i = P_i$$

$$S_i = E_k(N_i)$$



# 암호 블록 운용 모드

- 종류

- 카운터 (CTR, Counter) 모드
  - 카운터 구조

66 1F 98 CD 37 A3 8B 4B



비표

00 00 00 00 00 00 00 01



블록 번호

평문 블록 1의 카운터 66 1F 98 CD 37 A3 8B 4B

00 00 00 00 00 00 00 01

평문 블록 2의 카운터 66 1F 98 CD 37 A3 8B 4B

00 00 00 00 00 00 00 02

평문 블록 3의 카운터 66 1F 98 CD 37 A3 8B 4B

00 00 00 00 00 00 00 03

# 암호 블록 운용 모드

---

- 종류

- 카운터 (CTR, Counter) 모드

- 장점

- 병렬처리 가능
    - 오류가 확산되지 않음
    - 사전에 카운터를 미리 암호화할 수 있음
    - 원하는 부분만 복호화할 수 있음
    - 처리속도가 빠름

- 단점

- 공격자가 암호문 블록의 비트를 반전시키면 대응하는 평문 블록 비트가 반전됨

# 암호 블록 운용 모드

## • 암호 블록 운용 모드 비교

운용 모드	병렬처리	패딩	초기화 벡터	오류확산
ECB	○	○	X	X
CBC	복호화만	○	○	E : 해당 블록 이후 모든 블록 D : 해당 블록 다음 블록
CFB	복호화만	X	○	Shift register에서 오류가 완전히 소멸 될 때까지
OFB	X	X	○	X
CTR	○	X	X	X

# 공개키 암호 원리

---

- 공개키 암호 (Public Key Encryption)

- 정의

- 암호화와 복호화에 서로 다른 키(개인키, 공개키)를 사용하는 암호화 방식
  - 개인키 (Private Key)는 소유자만 가지고 있는 키
  - 공개키 (Public Key)는 누구나 알 수 있도록 공개하는 키

- 암호 방식

- 공개키 암호

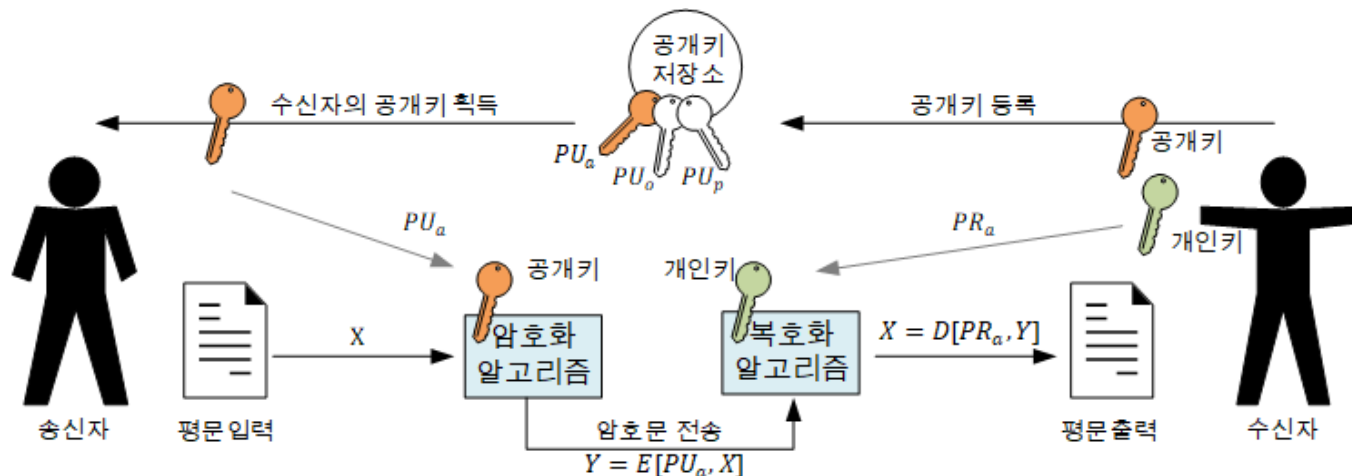
- 공개키로 암호화 후 개인키로 복호화
- 특정한 비밀키를 가지고 있는 사용자만 내용을 열어볼 수 있음

- 공개키 서명

- 개인키로 암호화 후 공개키로 복호화
- 특정한 비밀키로 만들어졌다는 것을 누구나 확인할 수 있음

# 공개키 암호 원리

- 공개키 암호 (Public Key Encryption)
- 구성요소
  - 평문 (Plaintext)
  - 암호화 알고리즘 (Encryption Algorithm)
  - 공개키와 개인키 (Public and Private Key)
  - 암호문 (Ciphertext)
  - 복호화 알고리즘 (Decryption Algorithm)

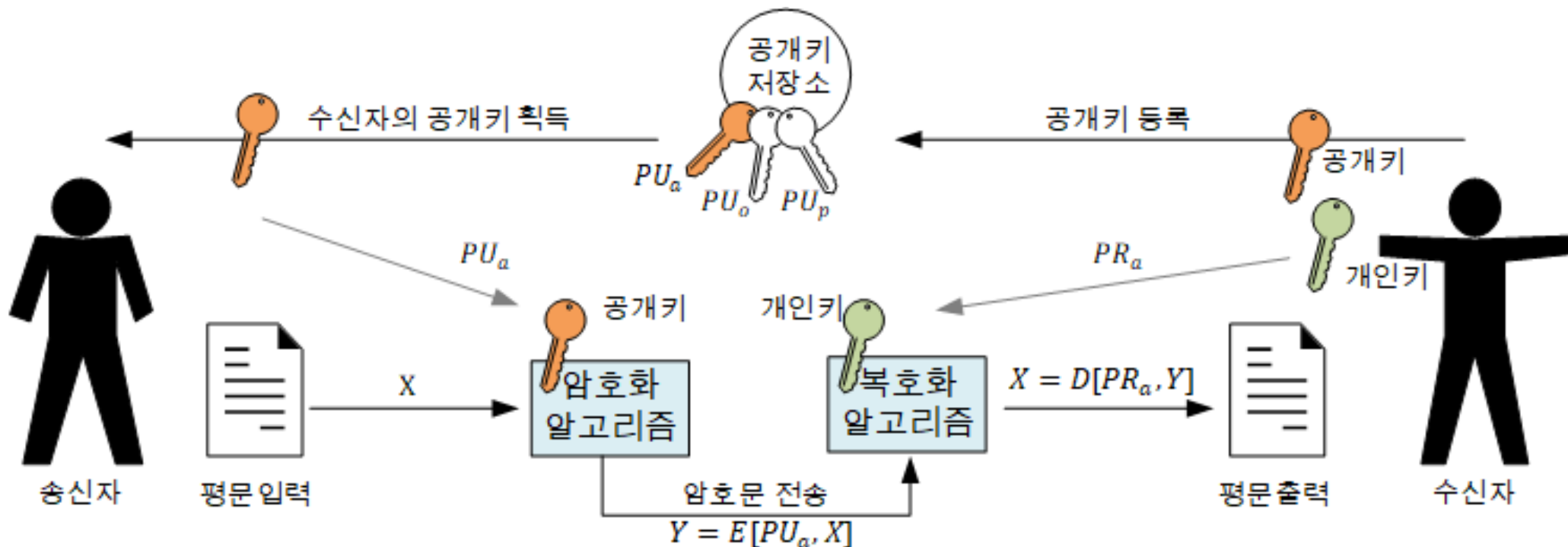


# 공개키 암호 원리

- 공개키 암호 (Public Key Encryption)

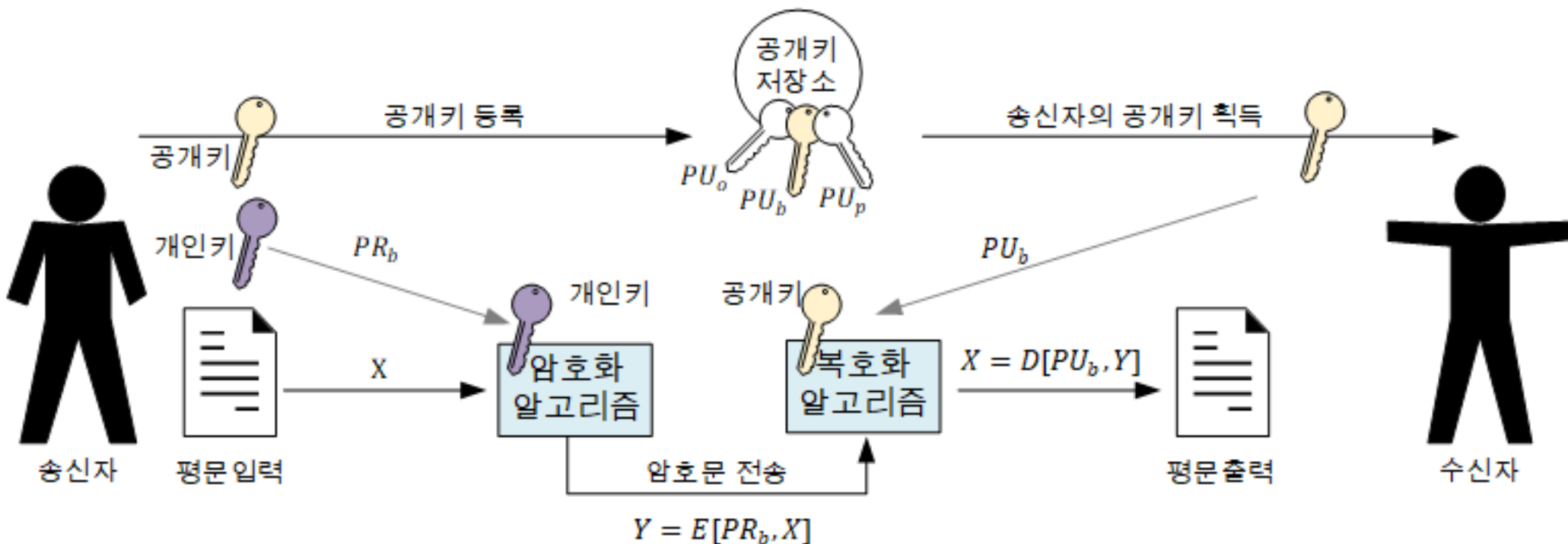
- 구조 (1/2)

- 공개키에 의한 암호화



# 공개키 암호 원리

- 공개키 암호 (Public Key Encryption)
- 구조 (2/2)
  - 개인키에 의한 암호화





# 공개키 암호 원리

---

- 공개키 암호 (Public Key Encryption)
  - 특징
    - 암호화와 복호화에 서로 다른 두 개의 키를 사용하는 비대칭 방식
    - 사전 키 교환이 불필요
    - 연산이 복잡하여 대칭키 암호보다 속도가 약 1000배 느림

# 공개키 암호 원리

## • 대칭키 암호 방식과 공개키 암호 방식 비교

	대칭키 암호화 방식	공개키 암호화 방식
개념	<ul style="list-style-type: none"><li>- 암호화와 복호화에 동일한 키 사용</li><li>- 대칭 구조</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- 암호와와 복호화에 서로 다른 키 사용</li><li>- 비대칭 구조</li></ul>
장점	<ul style="list-style-type: none"><li>- 공개키 암호화에 비해 속도가 빠름</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- 키 분배 및 관리가 용이</li></ul>
단점	<ul style="list-style-type: none"><li>- 키 관리가 어려움</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- 대칭키 암호화에 비해 속도가 느림</li><li>- 개인키를 잃어버리는 경우 암호화된 데이터에 접근 할 수 없음</li><li>- 개인키가 공개되는 경우 보안에 위협을 받게 됨</li></ul>

# 공개키 암호 원리

---

- 공개키 암호 (Public Key Encryption)

- 요건 (1/2)

- 수신자가 한 쌍의 키 (공개키 :  $PU_b$ , 개인키 :  $PR_b$ ) 생성 시 컴퓨터 계산 시간을 고려해야 함
- 공개키와 암호화될 메시지를 알고 있는 송신자는 암호문을 계산적으로 쉽게 구할 수 있어야 함
  - $C = E(PU_b, M)$
- 수신자가 암호문을 복호화하는 것이 계산적으로 쉬워야 함
  - $M = D(PR_b, C) = D[PR_b, E(PU_b, M)]$

# 공개키 암호 원리

---

- 공개키 암호 (Public Key Encryption)
  - 요건 (2/2)
    - 공개키를 알고 있는 공격자가 개인키를 알아내는 것이 불가능해야 함
    - 공격자가 공개키와 암호문을 알고 있더라도 원문을 알아내는 것이 불가능해야 함
    - 2개의 키 중 하나를 암호화에 사용하면 다른 하나는 복호화에 사용할 수 있어야 함
      - $M = D[PU_b, E(PR_b, M)] = D[PR_b, E(PU_b, M)]$

# 공개키 암호 알고리즘

---

- RSA (Rivest Shamir Adleman) 암호 알고리즘

- 정의

- 자리 수가 많은 양의 정수에 대한 소인수분해가 어렵다는 점에 착안하여 수학적으로 구현한 암호화 알고리즘

- 특징

- 암호화뿐만 아니라 전자서명의 용도로도 사용
- SSL 프로토콜을 가진 웹브라우저, PGP, 공개키 암호 시스템을 사용하는 정부 시스템 등에서 사용
- 암호화는 공개키를 복호화는 개인키를 사용

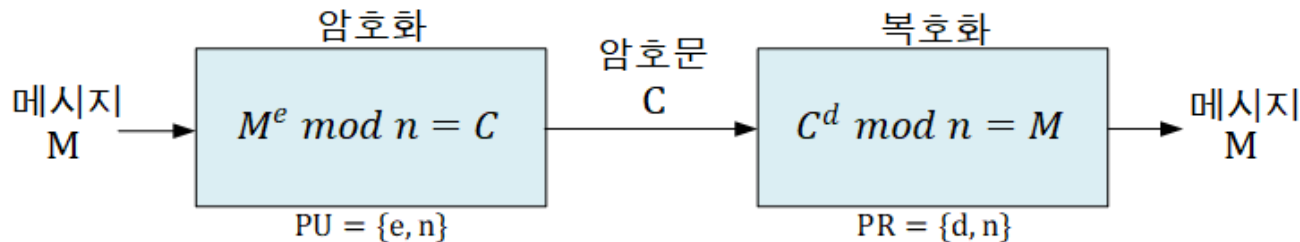
# 공개키 암호 알고리즘

- RSA (Rivest Shamir Adleman) 암호 알고리즘

- 암호화와 복호화의 형태

- $C = M^e \bmod n$

- $M = C^d \bmod n = (M^e)^d \bmod n = M^{ed} \bmod n$



- 이산대수 (Discrete Logarithm) 연산

- 지수에 대한 모듈로 연산의 역 연산

- $y = a^x \bmod n$ 에서  $y, a, n$  이 주어질 때  $x$ 의 값을 구하는 연산

- $y = a^x \bmod n$ 에서  $n$ 이 충분히 큰 수로 주어질 때 계산 불가

- e.g.,  $n$ 이 1024비트 일 때

# 공개키 암호 알고리즘

---

- RSA (Rivest Shamir Adleman) 암호 알고리즘

- 동작

- 키 ( $PU = \{e, n\}$ ,  $PR = \{d, n\}$ ) 생성 과정

- 1. 서로 다른 임의의 두개의 소수  $p$ 와  $q$ 를 선택

- 2.  $n$  계산

- $p$ 와  $q$ 를 곱하여  $n = pq$  를 계산

- 3.  $\phi(n)$  계산

- $\phi(n)$  : 오일러함수로서 양의 정수 중  $n$ 과 서로소인 양의 정수의 개수

- 양의 정수  $n$ 이 두 개의 소수  $p, q$ 의 곱일 때 다음이 성립

- $\phi(n) = (p - 1)(q - 1)$

# 공개키 암호 알고리즘

---

- RSA (Rivest Shamir Adleman) 암호 알고리즘

- 동작

- 키 ( $PU = \{e, n\}$ ,  $PR = \{d, n\}$ ) 생성 과정

- 4. 정수  $e$  선택

- $e$  와  $\phi(n)$  는 서로소 ( $1 < e < \phi(n)$ )
      - $\gcd(a, b)$  :  $a$  와  $b$ 의 최대공약수
      - $\gcd(\phi(n), e) = 1$
      - 공개키  $PU = \{e, n\}$  생성

- 5.  $d$  계산

- $1 < d < \phi(n)$
      - $de \bmod \phi(n) = 1$
      - 개인키  $PR = \{d, n\}$  생성



# 공개키 암호 알고리즘

---

- RSA (Rivest Shamir Adleman) 암호 알고리즘
  - 동작
    - 암호화
      - 공개키  $PU = \{e, n\}$ 를 사용
      - $C = M^e \pmod n$
    - 복호화
      - 개인키  $PR = \{d, n\}$ 를 사용
      - $M = C^d \pmod n$

# 공개키 암호 알고리즘

---

- RSA (Rivest Shamir Adleman) 암호 알고리즘
  - RSA 암호 알고리즘에 대한 공격
    - 전수공격
      - 가능한 모든 경우의 개인키로 시도해보는 공격
    - 소인수분해 공격
      - $n$ 을 소인수분해하여  $p$ 와  $q$ 값으로 키를 구하는 공격
  - 공격에 대한 대응
    - 크기가 큰 키를 사용
      - 2048-비트 키 사용을 권장

# 공개키 암호 알고리즘

---

- Diffie-Hellman 암호 알고리즘

- 정의

- 상호간 대칭키 공유를 위한 알고리즘

- 특징

- 상대방의 공개키와 자신의 개인키를 이용하여 비밀키 생성
- 이산 대수 문제 계산의 어려움을 착안하여 만들어짐
  - $a, x, n$ 을 이용하여  $y = a^x \bmod n$ 을 구하기는 쉽지만,  $a, y, n$  값으로 원래의  $x$ 를 구하기는 어렵다는 원리를 이용
- 이산대수법에 의한 수학적 공식에 의해 송신자와 수신자의 비밀키가 동일하게 생성됨
- 암호화나 전자서명에 사용되지 않음

# 공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 암호 알고리즘

- 이산대수 문제 (Discrete Logarithms Problem)

- 원시근 (Primitive Root)

- 소수  $p$ 의 원시근

- 자신의 거듭제곱을 이용하여  $1 \sim p - 1$ 까지의 정수를 생성해 낼 수 있는 수

- $a \bmod p, a^2 \bmod p, \dots, a^{p-1} \bmod p$

- 예시

- $a^i \bmod p$  ( $p = 13$ )인 경우

$a \backslash i$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
2	2	4	8	3	6	12	11	9	5	10	7	1
6	6	10	8	9	2	12	7	3	5	4	11	1
7	7	10	5	9	11	12	6	3	8	4	2	1
11	11	4	5	3	7	12	2	9	8	10	6	1

- 2, 3, 7, 11은  $p$ 의 원시근

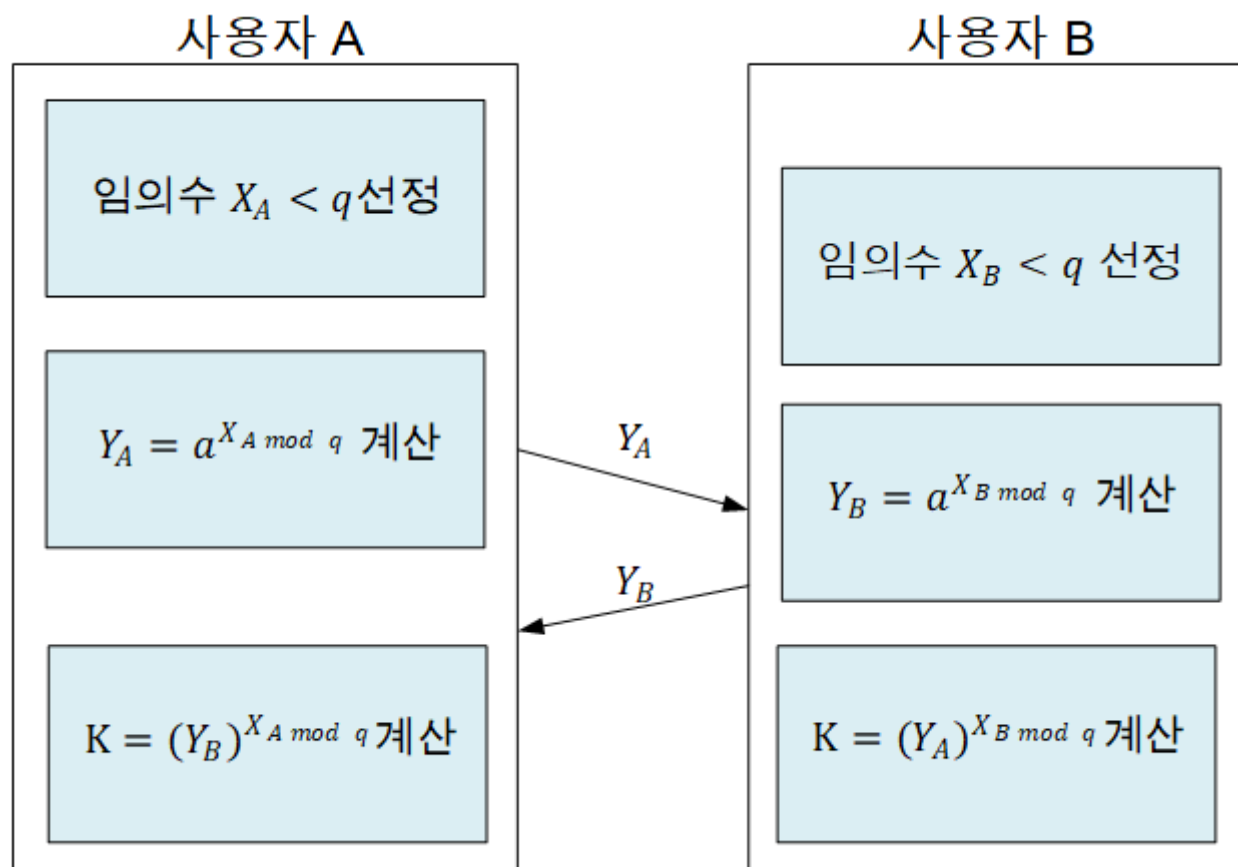
# 공개키 암호 알고리즘

---

- Diffie-Hellman 암호 알고리즘
- 이산대수 문제 (Discrete Logarithms Problem)
  - 이산대수 (Discrete Logarithms)
    - $b = a^i \bmod p$  ( $0 \leq i \leq p - 1$ ), ( $b$ 는 정수)일 때  $i$ 를 가리킴

# 공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 암호 알고리즘
  - 키 교환 프로토콜



# 공개키 암호 알고리즘

---

- Diffie-Hellman 암호 알고리즘

- 키교환 알고리즘

1. 사용자 A는 랜덤넘버  $X_A < q$  선택
2. 사용자 A는  $Y_A = \alpha^{X_A} \bmod q$  계산
3. 사용자 B는 랜덤넘버  $X_B < q$  선택
4. 사용자 B는  $Y_B = \alpha^{X_B} \bmod q$  계산
5. 사용자 A, B는 각각  $X$ 값을 개인값으로 보관,  
 $Y$ 값은 공개
6. 사용자 A는  $K = (Y_B)^{X_A} \bmod q$ 을 계산하여 비밀키 생성
7. 사용자 B는  $K = (Y_A)^{X_B} \bmod q$ 을 계산하여 비밀키 생성

# 공개키 암호 알고리즘

---

- Diffie-Hellman 암호 알고리즘

- 키교환 알고리즘

- 동일한 비밀키 생성

- $$\begin{aligned} K &= (Y_B)^{X_A} \bmod q \\ &= (\alpha^{X_B} \bmod q)^{X_A} \bmod q \\ &= (\alpha^{X_B})^{X_A} \bmod q \\ &= \alpha^{X_B X_A} \bmod q \\ &= (\alpha^{X_A})^{X_B} \bmod q \\ &= (\alpha^{X_A} \bmod q)^{X_B} \bmod q \\ &= (Y_A)^{X_B} \bmod q \end{aligned}$$

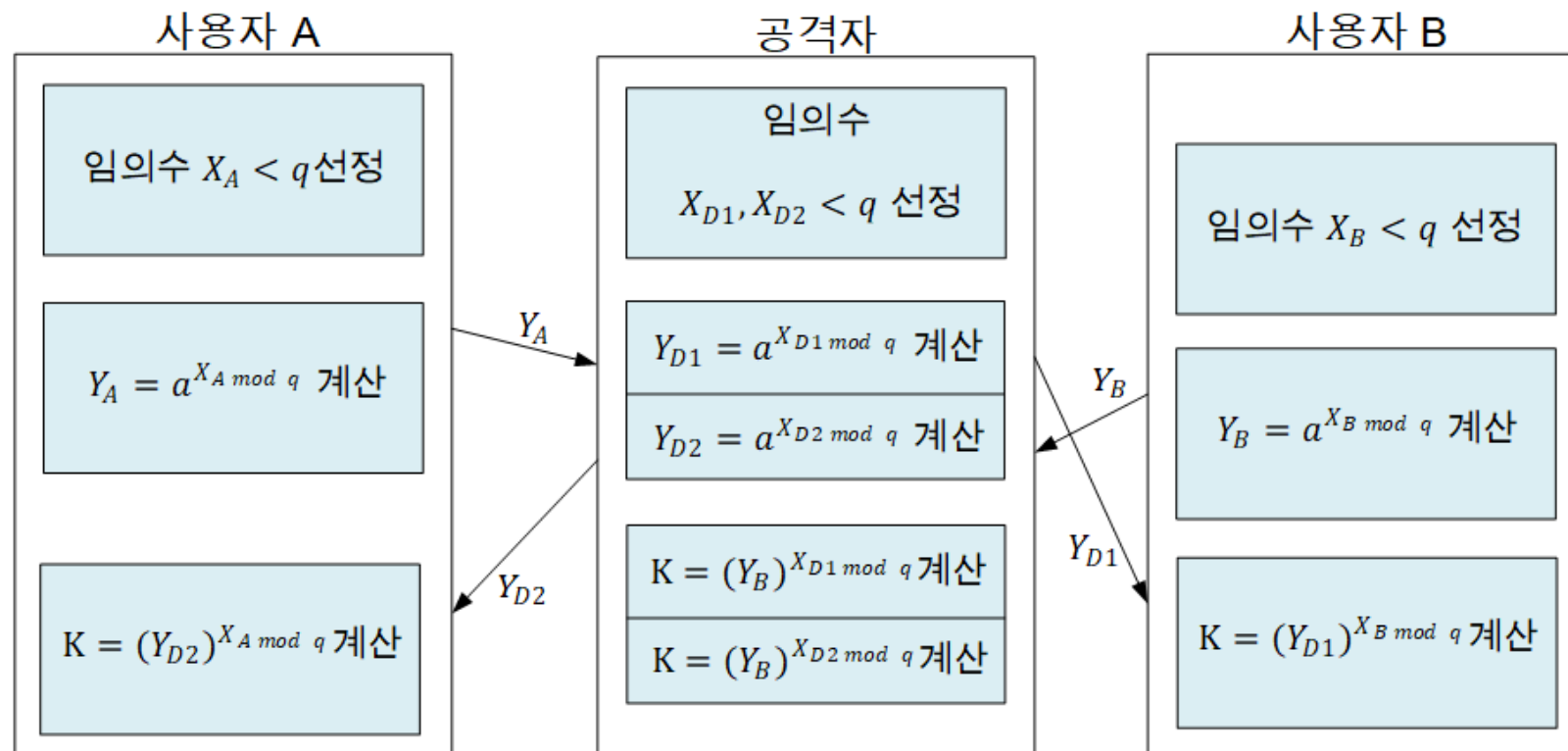


# 공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 암호 알고리즘

- 중간자 공격 (Man-in-the-Middle Attack)

- 권한이 없는 공격자가 두 통신 시스템 사이에서 송/수신자 행세를 하며 전달되는 메시지를 가로채는 공격



---

# Thanks!

이 태 양 (taeyang@pel.sejong.ac.kr)