

# Network Security Essentials

## - Chapter\_3 공개키 암호와 메시지 인증 -

김 지 혜([jihye@pel.sejong.ac.kr](mailto:jihye@pel.sejong.ac.kr))

세종대학교 프로토콜공학연구실

# 목 차

---

- 보충

- 스트림 암호와 RC4
- 암호 블록 운용 모드

- 메시지 인증 방법

- 해시 알고리즘
- 메시지 인증 코드

- 공개키 암호 원리

- 공개키 암호 알고리즘

# 보충

---

- 스트림 암호와 RC4
  - RC4 알고리즘
    - 정의
      - Ron Rivest가 설계한 바이트 단위의 가변적인 키를 사용하는 스트림 암호 알고리즘
  - 특징
    - 연산 속도가 빠름
      - 한 바이트 출력을 위해 8~16번의 연산 수행
    - SSL/TLS(Secure Socket Layer/Transport Layer Security) 표준에서 사용
      - 웹 브라우저와 서버 간 통신 표준
    - WEP(Wired Equivalent Privacy) 프로토콜과 WPA(WiFi-Protocol Access) 프로토콜에서 사용
      - 무선랜 표준(IEEE 802.11)

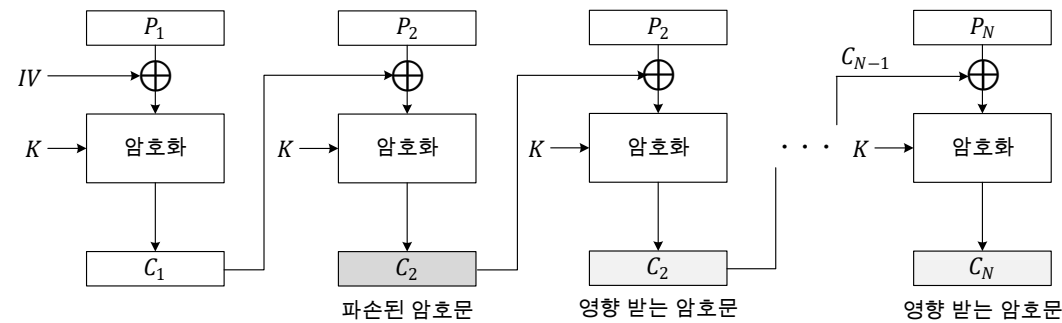
# 보충

- 암호 블록 운용 모드

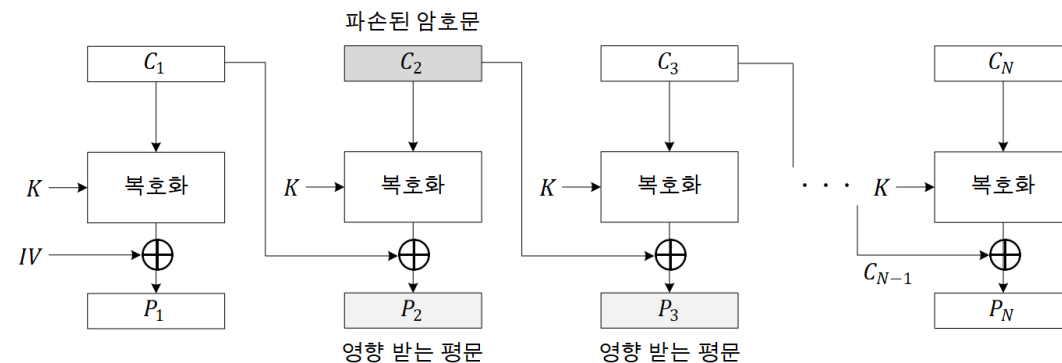
- CBC(Cipher-Block Chaining)

- CBC 모드에 대한 공격

- 암호화 시, 암호문 블록 1개가 파손된 경우, 다음 암호문 블록에 영향



- 복호화 시, 암호문 블록 1개가 파손된 경우, 평문 블록 2개에 영향



# 보충

---

- 암호 블록 운용 모드

- CFB(Cipher-FeedBack)

- 정의

- 이전 암호문 블록을 암호화한 후 평문 블록과 XOR 연산하는 암호화하는 방식

- 특징

- 초기화 벡터( $IV$ , Initialization Vector)를 가짐
      - 키와 마찬가지로 송수신자가 서로 알고 있어야 함
    - 패딩(Padding) 불필요함
      - 스트림 암호화처럼 구성하므로 평문과 암호문 길이 동일
    - 암호 알고리즘만 사용
    - 암호화는 순차적, 복호화는 병렬적 처리
    - 오류가 확산됨

# 보충

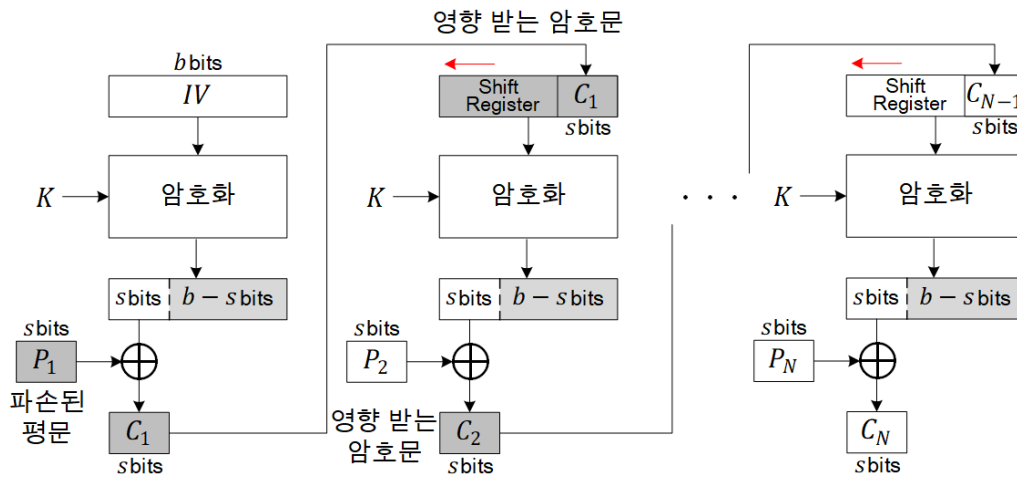
- 암호 블록 운용 모드

- CFB(Cipher-FeedBack)

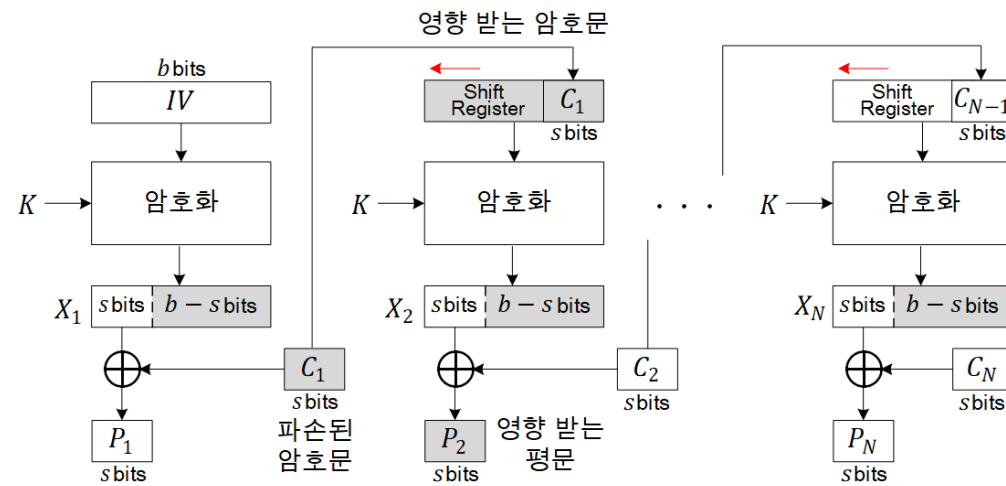
- CFB에 대한 공격

- 암호화 시 평문 블록 1개가 파손된 경우, 이후의 입력 레지스터에서 해당 암호문 부분이 소멸되기 전까지 영향
- 복호화 시 암호문 블록 1개가 파손된 경우도 동일함

## <암호화 과정>



## <복호화 과정>



# 목 차

---

- 보충
  - 스트림 암호와 RC4
  - 암호 블록 운용 모드
- 메시지 인증 방법
  - 해시 알고리즘
  - 메시지 인증 코드
- 공개키 암호 원리
- 공개키 암호 알고리즘

# 메시지 인증 방법

---

- 메시지 인증(Message Authentication)

- 정의

- 송수신자가 주고받은 메시지의 신원을 확인하는 절차

- 특징

- 메시지 내용이 변조되지 않음을 확인 가능
    - 송신자의 신원 확인 가능
      - 메시지 재전송 여부 및 전송 순서
    - 메시지 인증 코드와 해시 함수 이용

- 방법

- 대칭키를 이용한 메시지 인증
    - 암호화 없이 메시지 인증



# 메시지 인증 방법

---

- 대칭키를 이용한 메시지 인증

- 정의

- 메시지를 암호화하여 인증하는 방식

- 특징

- 송수신자가 동일한 키를 가지고 있어야 함
- 체크섬(Checksum) 필드를 통해 메시지 변조 여부 확인 가능
- 순서 번호 필드를 통해 메시지 전송 순서 변경 여부 확인 가능
- 타임스탬프(Timestamp) 필드를 통해 메시지가 고의적으로 지연되지 않음을 확인 가능
- 무결성 및 기밀성 보장

# 메시지 인증 방법

---

- 암호화 없이 메시지 인증
  - 정의
    - 메시지 자체를 암호화하지 않고 인증하는 방식
  - 특징
    - 인증 태그(Authentication Tag)를 붙여서 전송
      - 메시지 인증 코드를 비교하여 인증
      - 해시 함수로 출력된 메시지 다이제스트를 이용하여 인증
    - 기밀성 보장하지 않음
      - 기밀성 없는 메시지 인증을 사용하는 경우 존재
        - e.g., 동일 메시지를 다수의 수신자에게 브로드캐스트하는 경우, 한 장비에 과부하로 인해 수신 메시지 복호화가 어려운 경우
    - 평문 메시지만으로 인증 가능
      - 인증에 대한 확신이 필요한 경우, 인증 태그로 무결성 검사

# 목 차

---

- 보충
  - 스트림 암호와 RC4
  - 암호 블록 운용 모드
- 메시지 인증 방법
  - 해시 알고리즘
  - 메시지 인증 코드
- 공개키 암호 원리
- 공개키 암호 알고리즘

# 해시 알고리즘

- 해시 함수(Hash Function)

- 정의

- 임의의 길이의 데이터를 고정 길이의 데이터인 메시지 다이제스트(Message Digest)로 변환하는 함수

- 특징

특징	설명
메시지 압축 (Message Digest)	<ul style="list-style-type: none"><li>• 가변 길이의 원본 메시지에 대해 고정 길이 해시값 생성</li></ul>
계산 용이성	<ul style="list-style-type: none"><li>• <math>x</math>가 주어진 경우, <math>h(x)</math>는 계산적으로 용이해야 함</li></ul>
일방향성 (One-Way Property)	<ul style="list-style-type: none"><li>• <math>h(x) = y</math>를 만족하는 <math>x</math>를 찾는 것은 계산적으로 불가능해야 함</li></ul>
약한 충돌 저항성 (Weak Collision Resistance)	<ul style="list-style-type: none"><li>• <math>x</math>가 주어진 경우, <math>h(x) = h(y)</math>인 <math>y(≠ x)</math>를 찾는 것은 계산적으로 불가능해야 함</li><li>• 한 입력 값을 알 때, 같은 해시 값을 생성하는 다른 입력 값을 찾는 것이 어려워야 한다는 의미</li></ul>
강한 충돌 저항성 (Strong Collision Resistance)	<ul style="list-style-type: none"><li>• <math>h(x) = h(y)</math>인 서로 다른 임의의 두 입력 <math>x</math>와 <math>y</math>를 찾는 것은 계산적으로 불가능함</li><li>• 같은 해시 값을 생성하는 두 개의 입력 값을 찾는 것이 어려워야 한다는 의미</li></ul>

# 해시 알고리즘

- 단순 해시 함수(Simple Hash Function)

- 정의

- 비트 단위로 XOR 연산하는 간단한 형태의 해시 함수

- 세로 덧불임 검사(Longitudinal Redundancy Check)

- 각 블록의 비트별로 XOR 연산

- $C_i = b_{i1} \oplus b_{i2} \oplus \dots \oplus b_{im}$

- $C_i$  = 해시코드의  $i$ 번째 비트
- $m$  = 입력의  $n$ 비트 블록의 수
- $b_{ij}$  =  $j$ 번째 블록의  $i$ 번째 비트

	비트 1	비트 2	...	비트 n
블록 1	$b_{11}$	$b_{21}$		$b_{n1}$
블록 2	$b_{12}$	$b_{22}$		$b_{n2}$
	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
블록 m	$b_{1m}$	$b_{2m}$		$b_{nm}$
해시 코드	$C_1$	$C_2$		$C_n$

# 해시 알고리즘

- SHA(Secure Hash Algorithm) 안전 해시 함수
  - 정의
    - NIST에서 표준으로 채택한 암호학적 해시 함수 모음
  - 종류

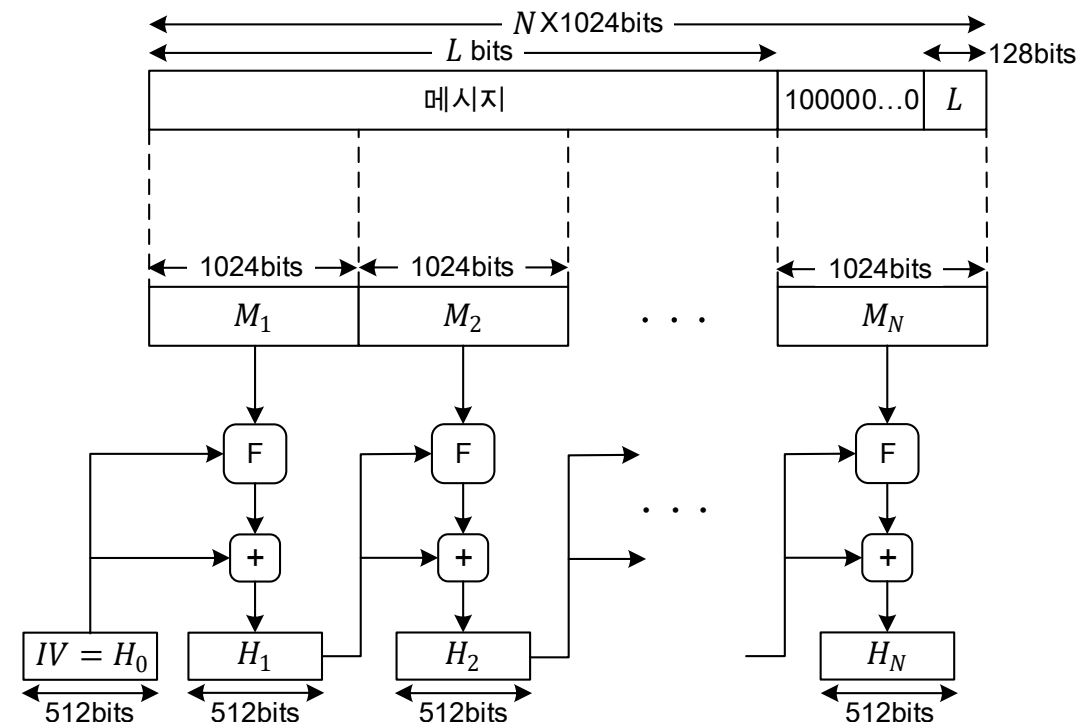
알고리즘		해시 길이	단계 수	최대 길이	충돌 발견	발표연도
SHA-0		160	80	$2^{64} - 1$	O	1993
SHA-1		160				1995
SHA-2	SHA-224	224	64	$2^{64} - 1$	X	2001
	SHA-256	256				
	SHA-384	384	80	$2^{128} - 1$		
	SHA-512	512				

# 해시 알고리즘

- SHA(Secure Hash Algorithm) 안전 해시 함수

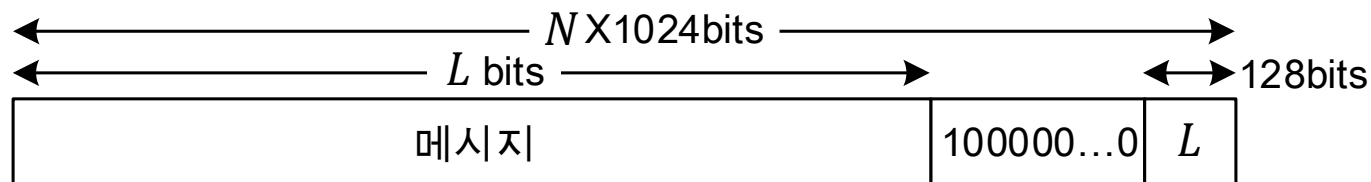
- SHA-512 연산 과정(1/7)

1. 메시지( $M$ ) 입력
2. 메시지( $M$ )를 1024비트 정수배로 패딩 처리
3. 메시지( $M$ )를  $N$ 개의 블록으로 구분
4. 초기화 벡터( $IV$ ) 생성
5. 이전 해시값( $H_{i-1}$ )과 메시지 블록( $M_i$ )을  $F$ 함수로 실행
6. 해시값( $H_i$ ) 생성
7. 4~5를  $N$ 번 수행
8. 최종 해시값( $H_i$ ) 출력



# 해시 알고리즘

- SHA(Secure Hash Algorithm) 안전 해시 함수
- SHA-512 연산 과정(2/7)
  1. 패딩 비트 붙이기(Appending Padding bits)
    - 메시지( $M$ )를 1024비트로 정수배에서 128비트를 뺀만큼 패딩 처리
    - 비트 패딩 방식으로 처리됨
      - 첫 비트 1, 나머지 비트 0의 형태
  2. 길이 붙이기(Append Length)
    - 패딩된 메시지( $M$ )에  $L$ 을 128비트로 추가
      - $L$ 은 메시지( $M$ )의 길이





# 해시 알고리즘

- SHA(Secure Hash Algorithm) 안전 해시 함수

- SHA-512 연산 과정(3/7)

- 3. MD 버퍼 초기화(Initialize Message Digest Buffer)

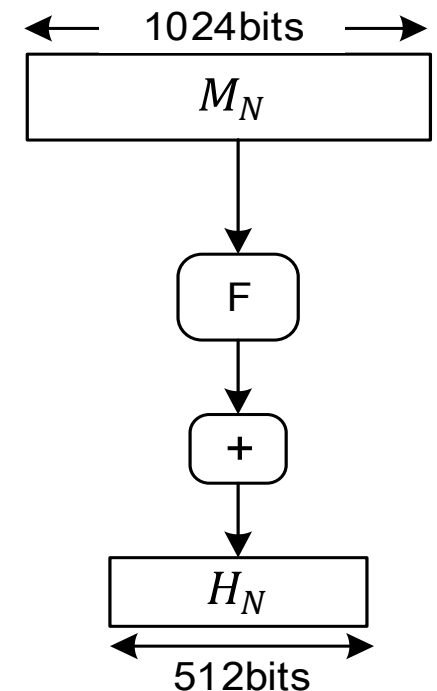
- 512비트 MD 버퍼는 해시 함수의 중간 값( $H_i$ )과 최종 값( $H_N$ )을 저장하기 위해 사용

- 64비트 레지스터(a,b,c,d,e,f,g,h) 8개로 버퍼 구성

- 최초 MD 버퍼( $H_0$ )는 소수의 제곱근의 소숫점 이하 처음 64비트를 16진수화하여 구성

- e.g., a은  $\sqrt{2}$ 를, b는  $\sqrt{3}$

a = 6A09E667F3BCC908	e = 510E527FADE682D1
b = BB67AE8584CAA73B	f = 9B05688CEB3E6C1F
c = 3C6EF372FE94F82B	g = 1F83D9ABFB41BD6B
d = A54FF53A5F1D36F1	h = 5BE0CDI9137E2179



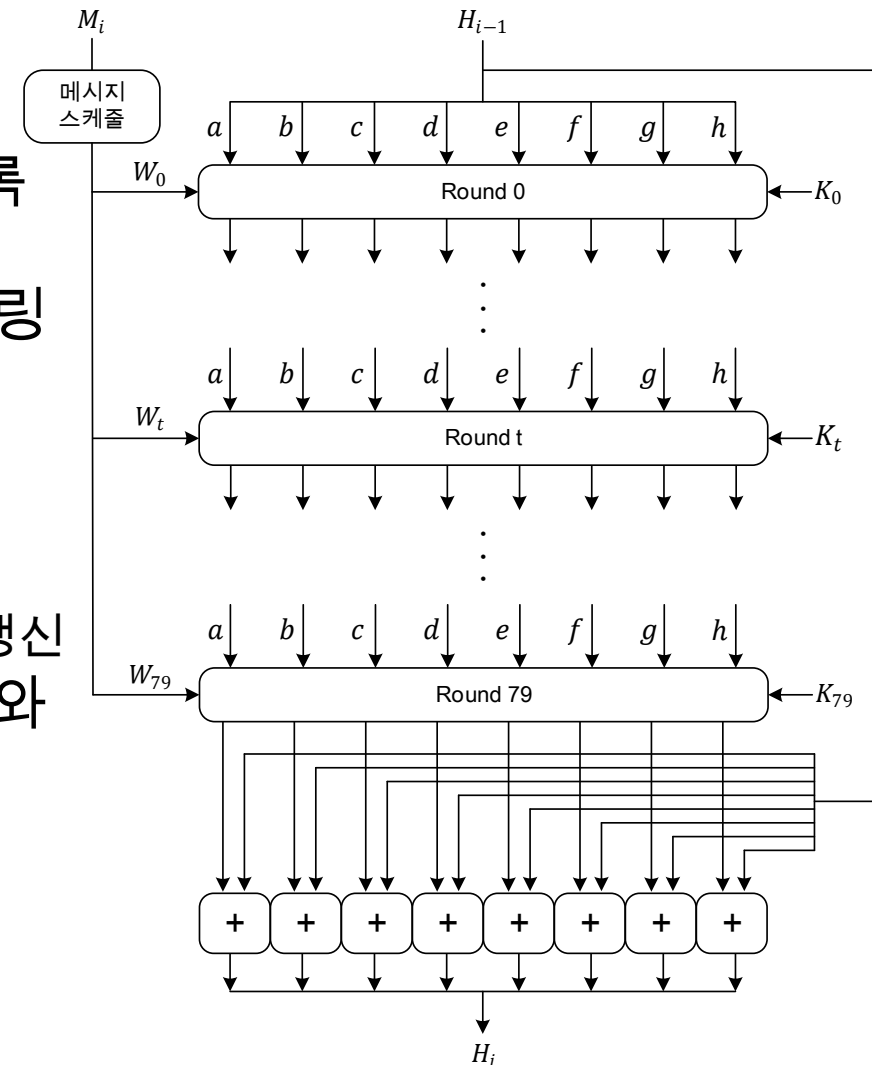
# 해시 알고리즘

- SHA(Secure Hash Algorithm) 안전 해시 함수

- SHA-512 연산 과정(4/7)

## 4. F함수 실행

- 메시지( $M$ )을 N개의 1024비트 블록으로 구분
- 메시지 블록( $M_i$ )을 메시지 스케줄링하여 80개의 워드 블록( $W_i$ ) 생성
- 메시지 블록( $M_i$ ), 워드 블록( $W_i$ ), 키( $K_i$ ), 이전 MD 버퍼( $H_{i-1}$ )로 80라운드 수행
  - 매라운드 사용되는 버퍼 값(a~h)은 갱신
- 80라운드 후, 이전 MD 버퍼( $H_{i-1}$ )와 XOR 연산하여 MD 버퍼( $H_i$ ) 생성



# 해시 알고리즘

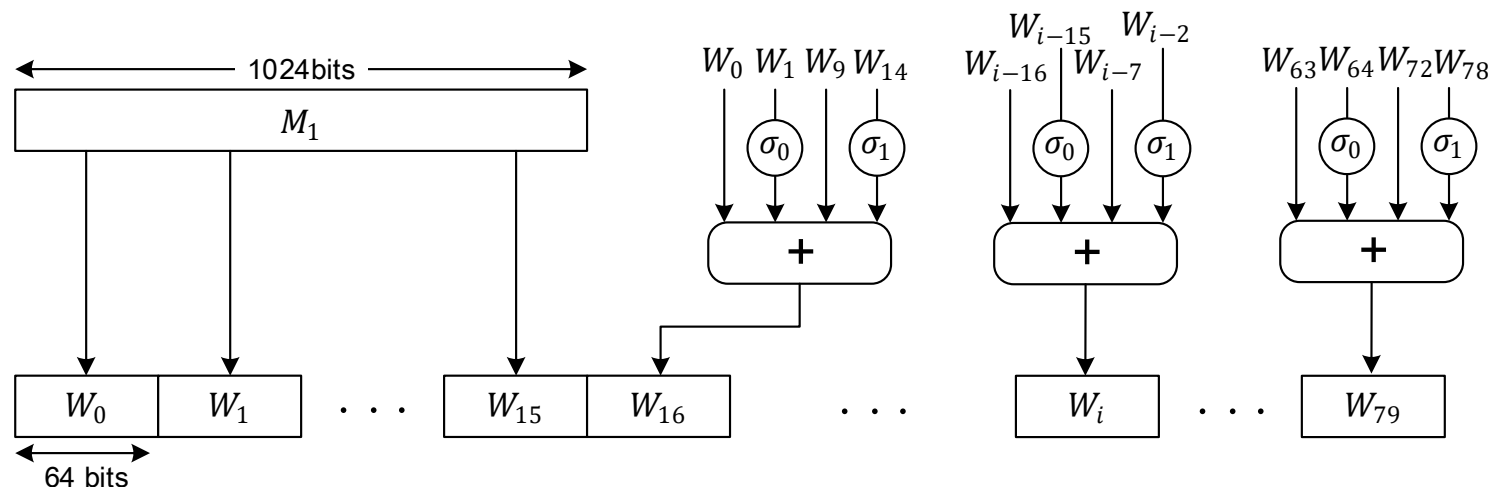
- SHA(Secure Hash Algorithm) 안전 해시 함수

- SHA-512 연산 과정(5/7)

## 4. F함수 실행

- 메시지 스케줄링

- 메시지 블록( $M_i$ )으로 16개의 워드 블록( $W_i$ ) 생성
- 나머지 64개의 워드 블록( $W_i$ )은  $W_{i-16} \oplus W_{i-15} \times \sigma_0 \oplus W_{i-7} \oplus W_{i-2} \times \sigma_1$ 
  - $\sigma_0(x) = ROTR^1(x) \oplus ROTR^8(x) \oplus SHR^7(x)$
  - $\sigma_1(x) = ROTR^{19}(x) \oplus ROTR^{61}(x) \oplus SHR^6(x)$
  - $ROTR^n(x)$ 은  $x$ 를 오른쪽으로  $n$ 번 순환 이동하는 것
  - $SHR^n(x)$ 은  $x$ 를 왼쪽으로  $n$ 번 이동한 후, 남은 부분을 0으로 패딩



# 해시 알고리즘

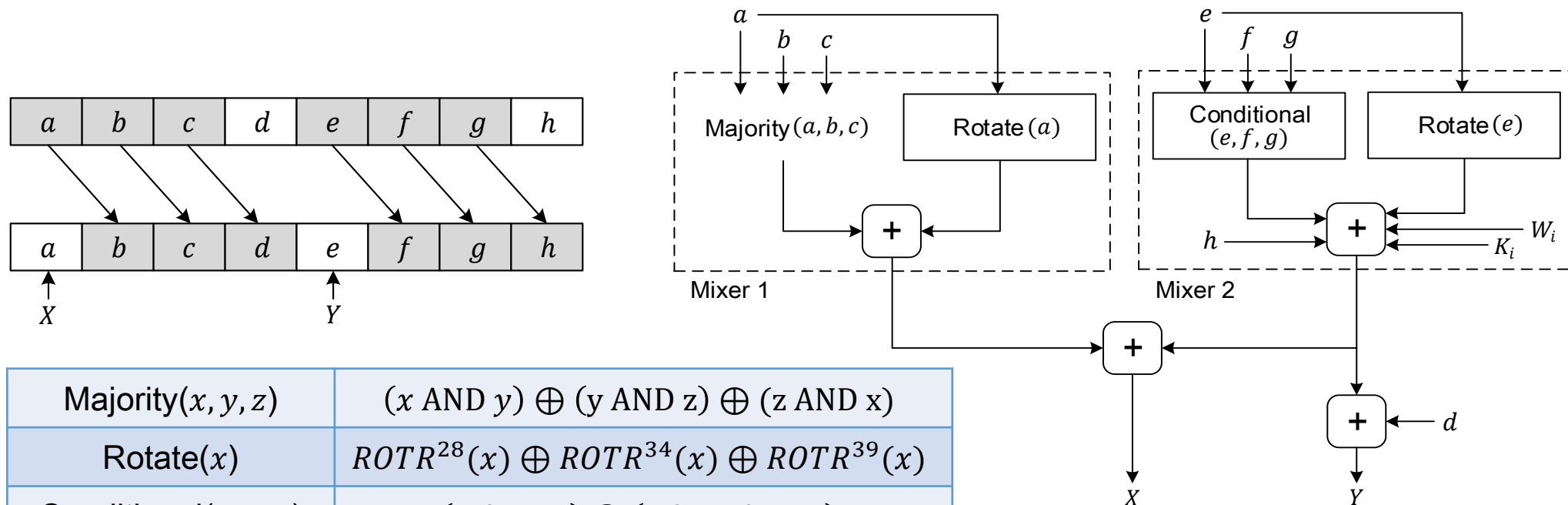
- SHA(Secure Hash Algorithm) 안전 해시 함수

- SHA-512 연산 과정(6/7)

- 4. F함수 실행

- 라운드 과정

- 키( $K_i$ )는 소수의 제곱근의 소숫점 이하 처음 64비트로 구성



Majority( $x, y, z$ )	$(x \text{ AND } y) \oplus (y \text{ AND } z) \oplus (z \text{ AND } x)$
Rotate( $x$ )	$\text{ROTR}^{28}(x) \oplus \text{ROTR}^{34}(x) \oplus \text{ROTR}^{39}(x)$
Conditional( $x, y, z$ )	$(x \text{ AND } y) \oplus (\text{NOT } x \text{ AND } z)$

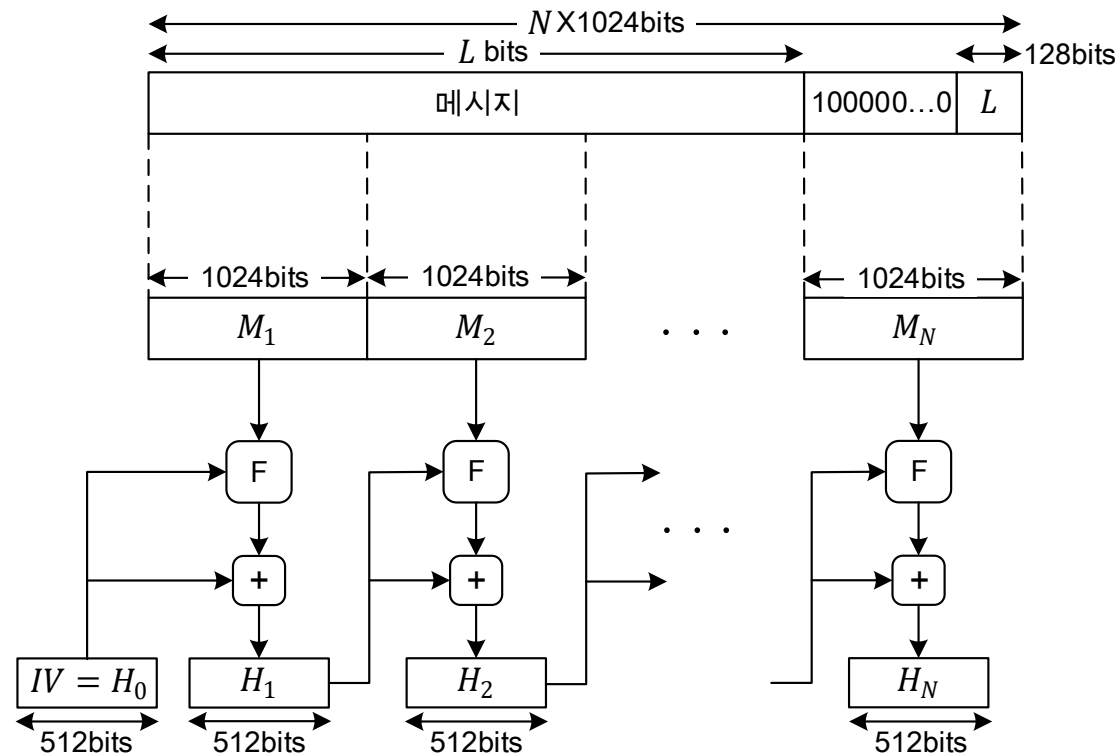
# 해시 알고리즘

- SHA(Secure Hash Algorithm) 안전 해시 함수

- SHA-512 연산 과정(7/7)

- 5. 출력(Output)

- N개의 메시지 블록( $M_i$ )을 연산한 후, 마지막에 512비트의 MD 버퍼( $H_N$ ) 출력



# 해시 알고리즘

- 해시 함수를 이용한 메시지 인증

- 대칭키를 이용한 메시지 인증

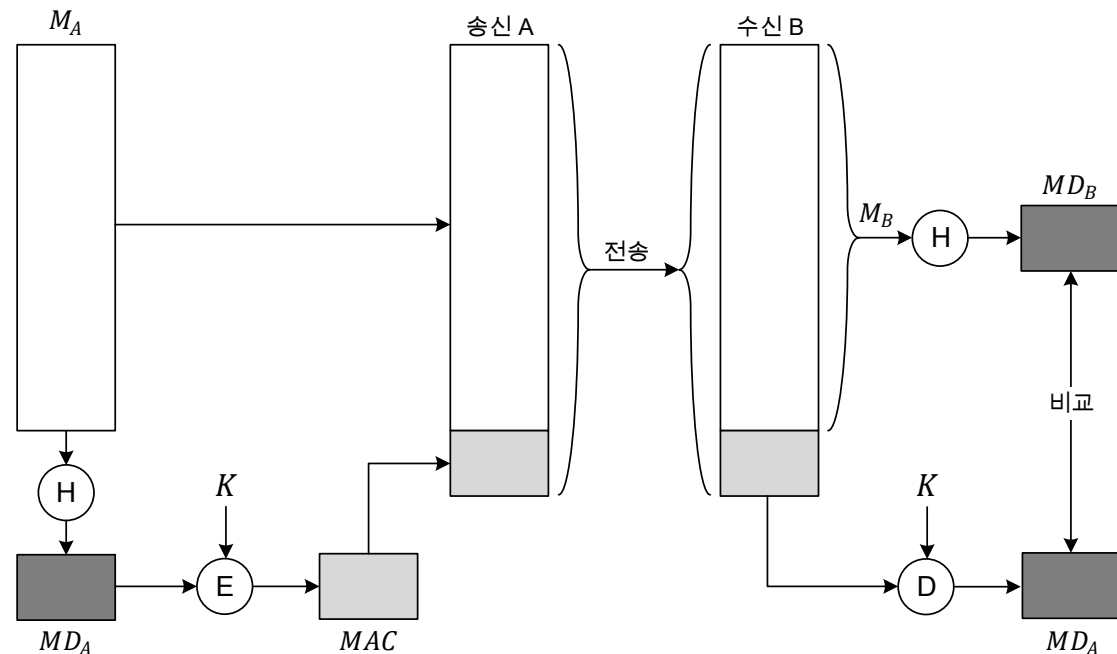
1. 송신 A에 인증 코드 추가

- $MD_A = H(M_A)$
- $MAC = E(K, MD_A)$

2. 수신 B에서 인증 코드 추출

- $MD_B = H(M_B)$
- $MD_A = D(K, MAC)$

3. 송신 A와 수신 B의 인증 코드 비교



# 해시 알고리즘

- 해시 함수를 이용한 메시지 인증

- 공개키를 이용한 메시지 인증

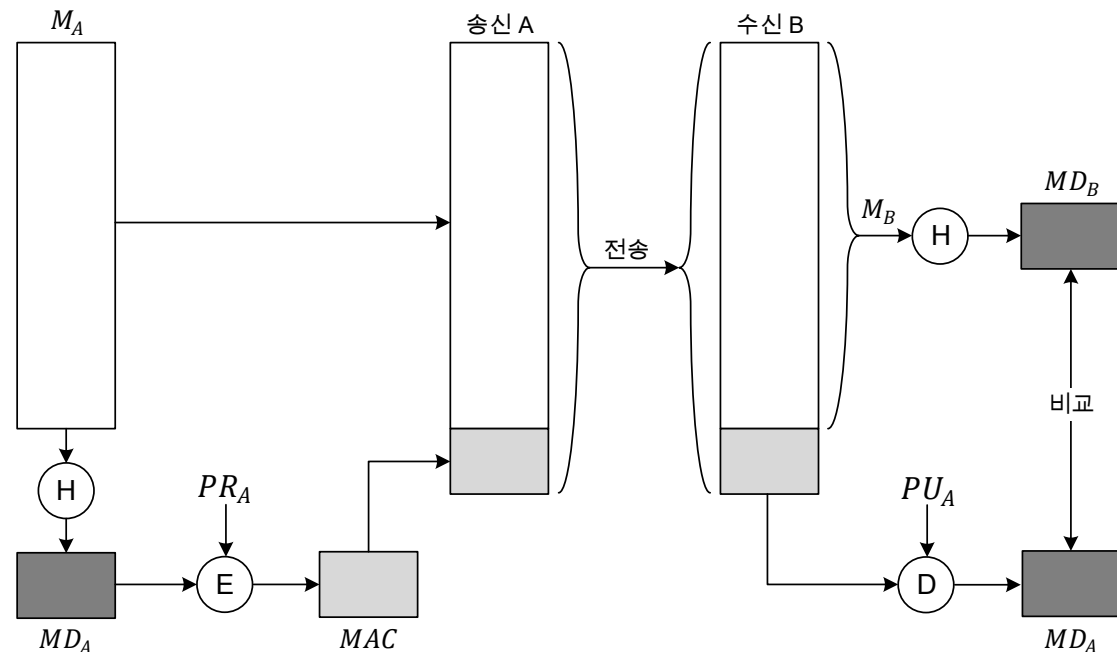
1. 송신 A에 인증 코드 추가

- $MD_A = H(M_A)$
- $MAC = E(PR_A, MD_A)$

2. 수신 B에서 인증 코드 추출

- $MD_B = H(M_B)$
- $MD_A = D(PU_A, MAC)$

3. 송신 A와 수신 B의 인증 코드 비교



# 해시 알고리즘

- 해시 함수를 이용한 메시지 인증

- 비밀키를 이용한 메시지 인증

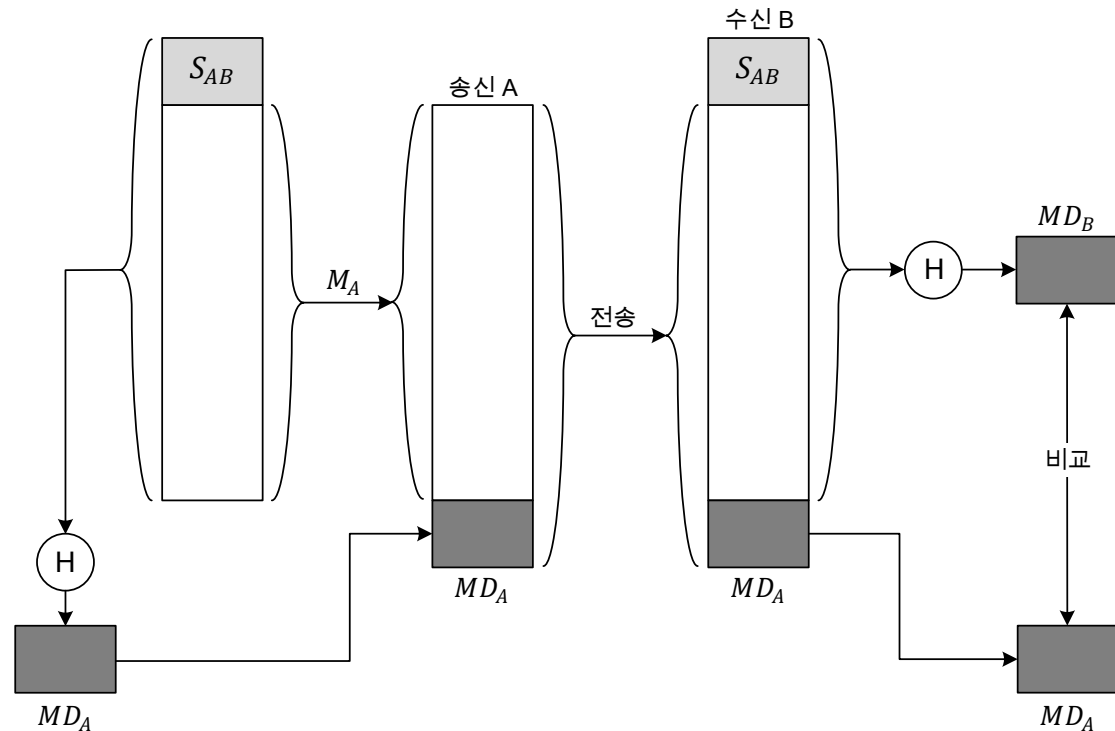
1. 송신 A에 인증 코드 추가

- $MD_A = H(M_A || S_{AB})$

2. 수신 B에서 인증 코드 추출

- $MD_B = H(M_B || S_{AB})$

3. 송신 A와 수신 B의 인증 코드 비교





# 목 차

---

- 보충
  - 스트림 암호와 RC4
  - 암호 블록 운용 모드
- 메시지 인증 방법
  - 해시 알고리즘
  - 메시지 인증 코드
- 공개키 암호 원리
- 공개키 암호 알고리즘

# 메시지 인증 코드

---

- 메시지 인증 코드(MAC, Message Authentication Code)
- 정의
  - 해시 함수와 대칭키를 활용하여 인증하는 기술
- 특징
  - 송신자가 생성하여 보낸 코드와 수신자가 계산한 코드가 동일한지 확인하여 인증
  - 메시지 무결성과 부인 방지를 보장

# 메시지 인증 코드

- 메시지 인증 코드(MAC, Message Authentication Code)

- 연산 과정

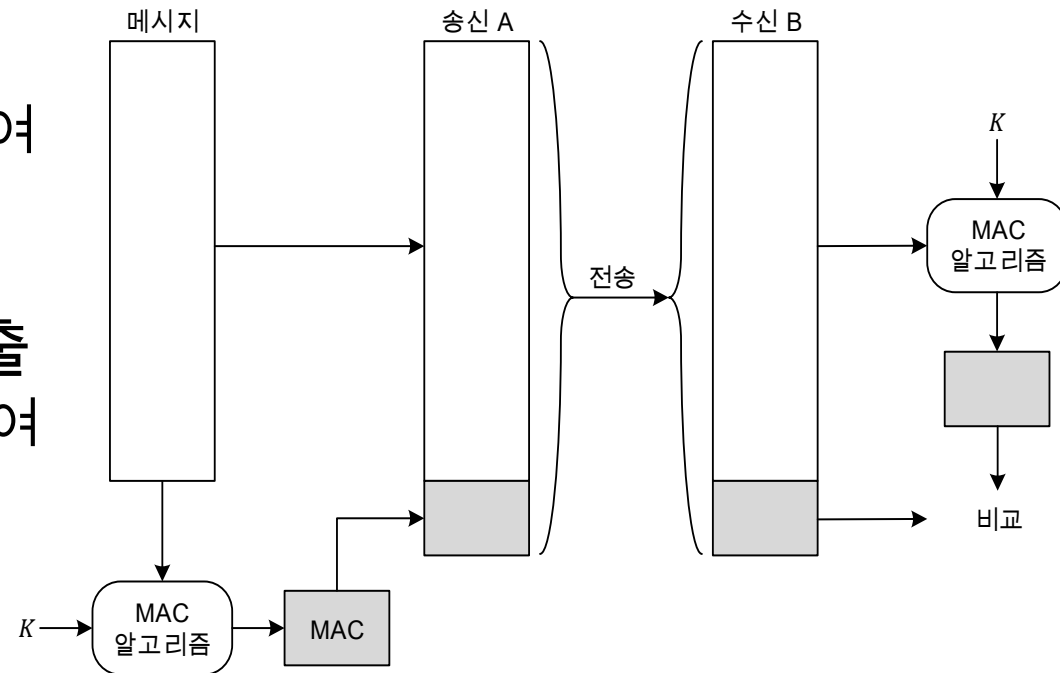
1. 송신 A에 인증 코드 추가

- 메시지( $M_A$ )와 키  $K$ 를 이용하여 MAC 알고리즘( $F$ ) 수행
- $MAC = F(K, M_A)$

2. 수신 B에서 인증 코드 추출

- 메시지( $M_B$ )와 키  $K$ 를 이용하여 MAC 알고리즘( $F$ ) 수행
- $MAC = F(K, M_B)$

3. 송신 A와 수신 B의 인증 코드 비교



# 메시지 인증 코드

---

- HMAC(Hashed Message Authentication Code)
  - 정의
    - 해시 함수를 사용하여 메시지를 인증하는 기술
  - 특징
    - 기존 해시 함수보다 안전한 해시 함수가 있는 경우, 해시 함수 변경 가능

# 메시지 인증 코드

- HMAC(Hashed Message Authentication Code)
- 동작 과정 용어

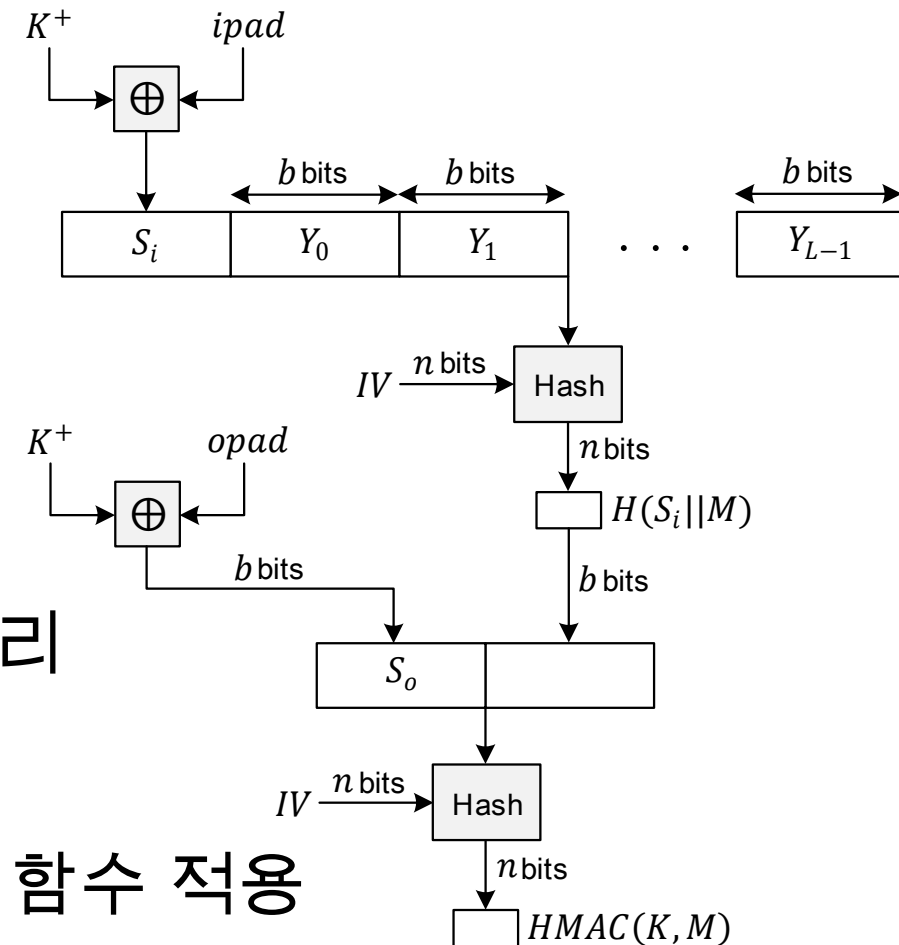
용어	설명
$H$	내장된 해시 함수
$M$	HMAC 입력 메시지
$Y_i$	$M$ 의 $i$ 번째 블록
$L$	$M$ 의 블록 수
$b$	블록 비트 수
$n$	$H$ 에 의해 생성된 해시 코드의 길이
$K$	비밀키(키 길이가 $b$ 보다 긴 경우, $n$ 비트 키 생성의 입력으로 사용)
$K^+$	$K$ 의 왼쪽에 0을 붙여서 길이가 $b$ 비트가 되도록 한 것
$ipad$	00110110을 $b/8$ 번 반복한 2진 수열
$opad$	01011100을 $b/8$ 번 반복한 2진 수열

# 메시지 인증 코드

## • HMAC(Hashed Message Authentication Code)

### • 동작 과정

1.  $b$ 비트  $K^+$  생성
  - $K$ 의 왼쪽을 0으로 패딩
2.  $b$ 비트 블록  $S_i$  생성
  - $S_i = K^+ \oplus \text{ipad}$
3. 메시지( $M$ )에  $S_i$  추가 후, 해시 함수 적용
  - $H(S_i || M)$
4.  $H(S_i || M)$ 를  $b$ 비트로 패딩 처리
5.  $b$ 비트 블록  $S_o$  생성
  - $S_o = K^+ \oplus \text{opad}$
6.  $H(S_i || M)$ 에  $S_o$  추가 후, 해시 함수 적용
  - $HMAC(K, M) = H[S_o || H(S_i || M)]$



# 메시지 인증 코드

---

- CMAC(Cipher-based Message Authentication Code)
  - 정의
    - 블록 암호 기술을 활용하여 메시지를 인증하는 기술
  - 특징
    - AES, 3DES와 같은 암호 기술 사용
    - 두 개의 키 사용
      - 기존 키 한 개와 서브키 한 개

# 메시지 인증 코드

- CMAC(Cipher-based Message Authentication Code)
- 동작 과정 용어

용어	설명
$T$	메시지 인증 코드를 의미하는 인증 태그(Tag)
$T_{len}$	$T$ 의 비트 길이
$MSB_s(X)$	비트열 $X$ 의 왼쪽부터 $s$ 개의 비트
$n$	블록 갯수
$k$	키 길이(e.g., AES: 128, 192, 256, 3DES: 112, 168)
$b$	블록 길이(e.g., AES: 128, 3DES: 64)
$K$	$k$ 비트의 키
$K_1$	$b$ 비트만큼의 0과 $K$ 를 암호화한 후, 왼쪽으로 1번 순환 이동한 서브키
$K_2$	$b$ 비트만큼의 0과 $K_1$ 을 암호화한 후, 왼쪽으로 1번 순환 이동한 서브키

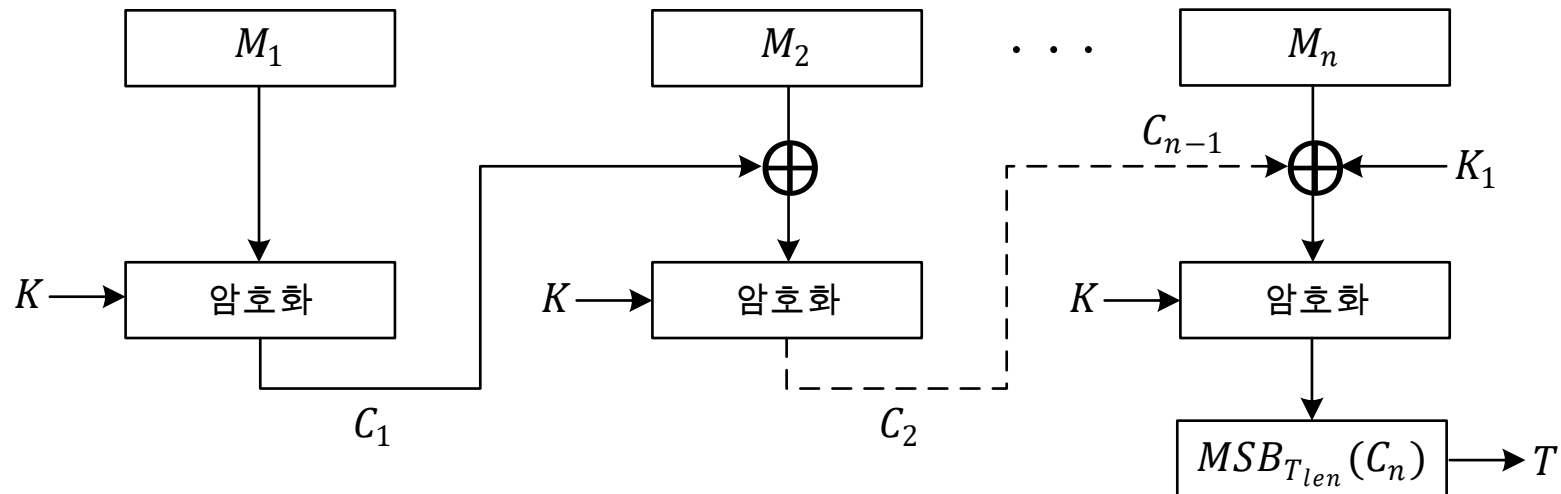


# 메시지 인증 코드

- CMAC(Cipher-based Message Authentication Code)

- 동작 과정

- 메시지 길이가 블록 길이의 정수배인 경우
  - $k$ 비트 키( $K$ )와  $b$ 비트 서브키( $K_1$ ) 사용

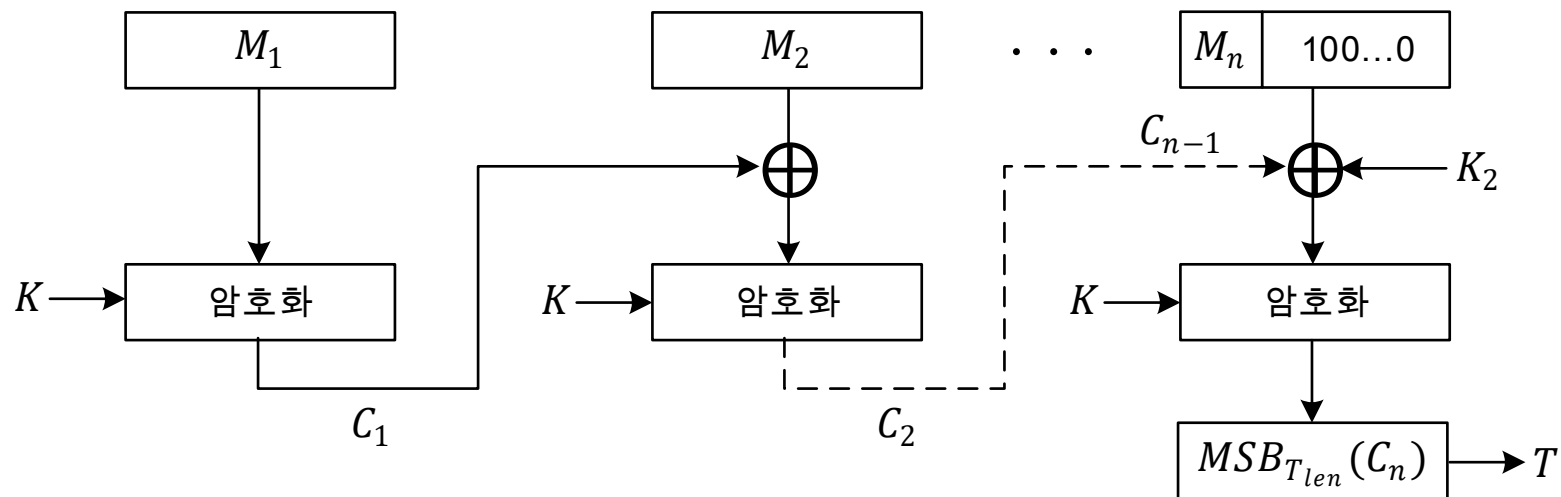


# 메시지 인증 코드

- CMAC(Cipher-based Message Authentication Code)

- 동작 과정

- 메시지 길이가 블록 길이의 정수배가 아닌 경우
  - 마지막 메시지 블록을  $b$ 비트 만큼 패딩
  - $k$ 비트 키( $K$ )와  $b$ 비트 서브키( $K_2$ ) 사용



# 메시지 인증 코드

---

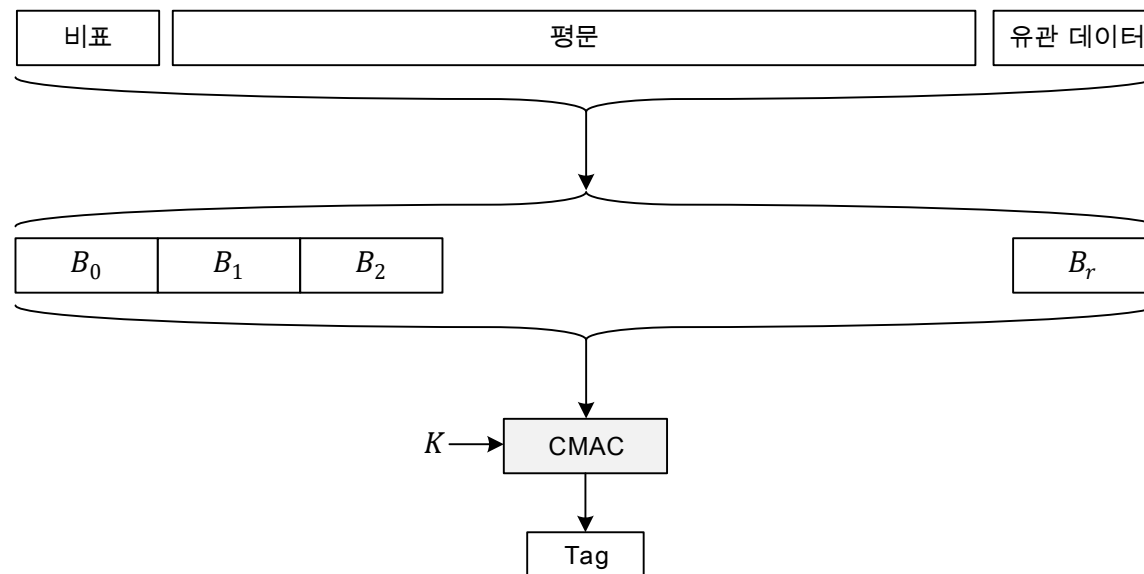
- CCM(Counter with Cipher Block Chaining-MAC)
  - 정의
    - 기밀성과 무결성을 동시에 보호하는 블록 암호 기반 메시지 인증 기술
  - 특징
    - AES, CTR 모드, CMAC 사용
    - 인증과 암호화에 동일한 하나의 키 사용

# 메시지 인증 코드

- CCM(Counter with Cipher Block Chaining-MAC)

- 인증 과정

1. 비표, 평문, 유관 데이터를 입력
  - 비표는 매 순간 달라지는 임의의 값
  - 유관 데이터는 인증은 수행하나 암호화는 수행하지 않는 값
2.  $r$ 개의 블록으로 구분
3. CMAC을 통해 메시지 인증 코드(Tag) 생성

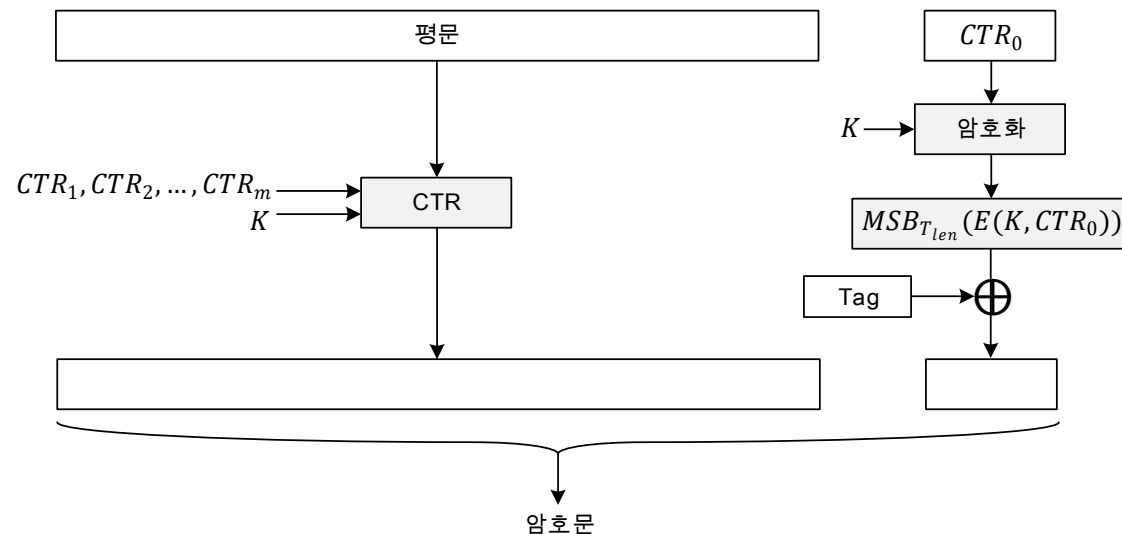


# 메시지 인증 코드

- CCM(Counter with Cipher Block Chaining-MAC)

- 암호화 과정

1.  $m$ 개의 카운터열 생성
2. 첫 번째 카운터열( $CTR_0$ ) 암호화
  - 키  $K$ 를 이용하여 CTR 모드로 암호화
  - 왼쪽  $T_{len}$ 만큼을 인증 태그(Tag)와 XOR
3. 평문 블록과 나머지 카운터열( $CTR_i$ ) 암호화
  - 키  $K$ 를 이용하여 CTR 모드로 암호화
4. 암호문 출력



# 목 차

---

- 보충
  - 스트림 암호와 RC4
  - 암호 블록 운용 모드
- 메시지 인증 방법
  - 해시 알고리즘
  - 메시지 인증 코드
- 공개키 암호 원리
- 공개키 암호 알고리즘

# 공개키 암호 원리

---

- 공개키 암호

- 정의

- 송수신자가 서로 다른 키를 가지고 암호화/복호화하는 방식

- 특징

- 암호화와 복호화에 사용되는 키가 다름
  - 송수신자 간 키 전송이 불필요함
  - 대칭키 암호보다 키 길이가 김
  - 대칭키 암호보다 암호화/복호화 속도가 느림

# 공개키 암호 원리

---

- 공개키 암호

- 용어

- 평문(Plaintext)

- 전달할 내용을 담은 일반적인 데이터

- 공개키(Public Key)

- 개인키와 한 쌍을 이루며, 암호화나 복호화에 사용되는 공개된 키

- 개인키(Private Key)

- 공개키와 한 쌍을 이루며, 암호화나 복호화에 사용되는 비공개된 키

- 암호 알고리즘(Encryption Algorithm)

- 공개키 혹은 개인키를 활용하여 평문을 암호화하는 방법

- 암호문(Ciphertext)

- 암호 알고리즘을 통해 암호화된 평문

- 복호 알고리즘(Decryption Algorithm)

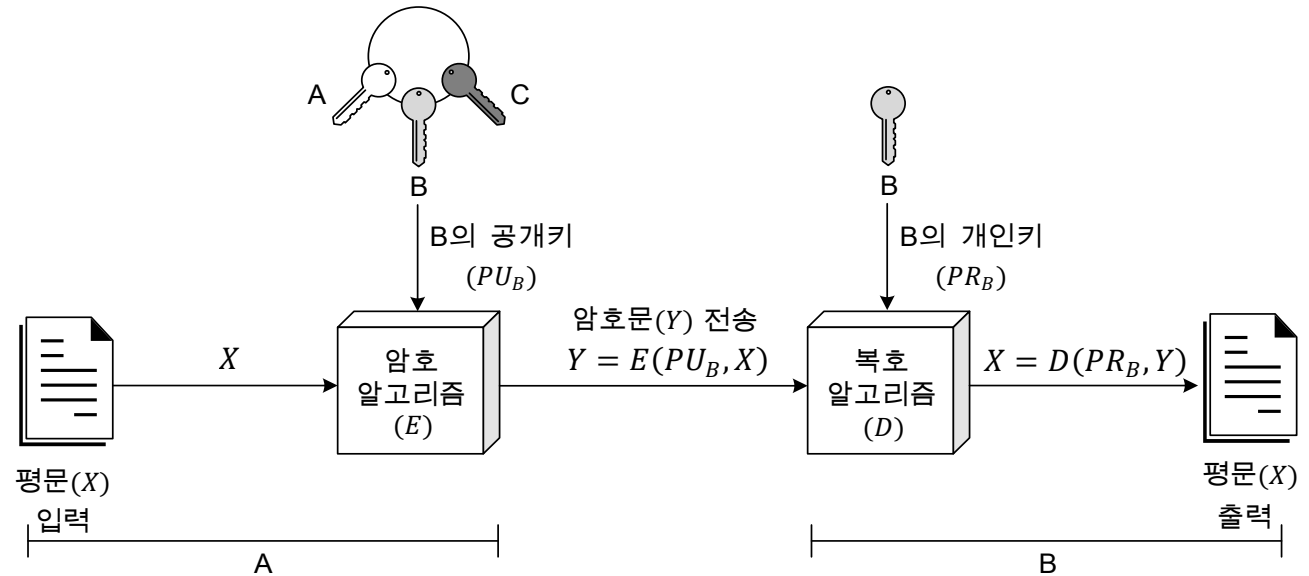
- 공개키 혹은 개인키를 활용하여 암호문을 복호화하는 방법



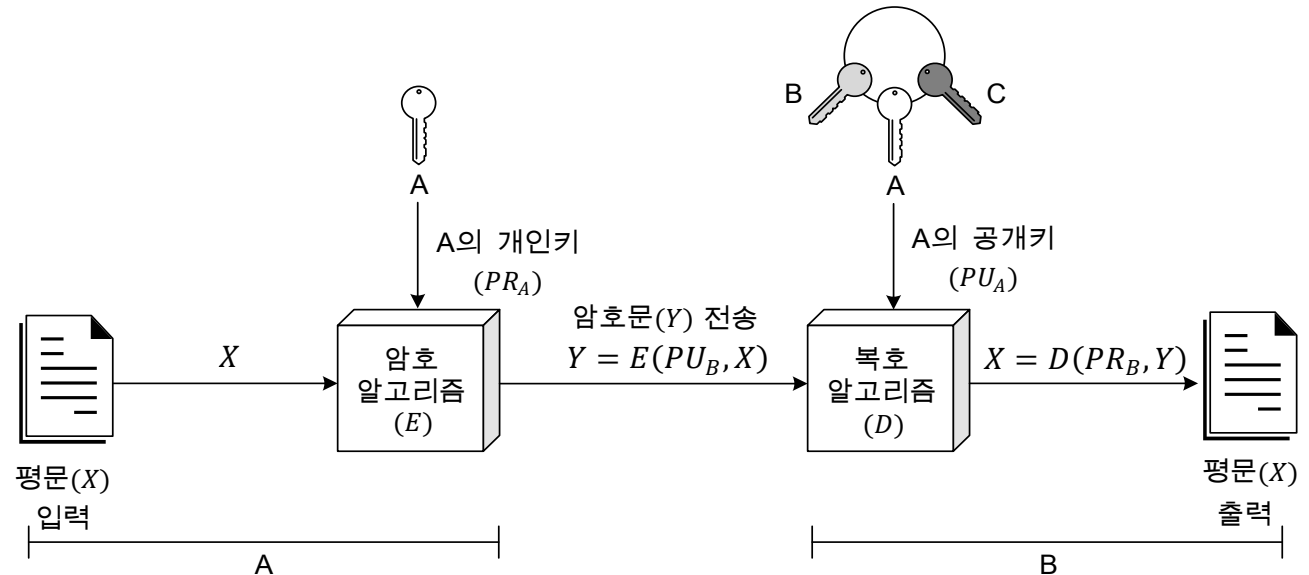
# 공개키 암호 원리

- 공개키 암호
- 구조

공개키에 의한 암호화



개인키에 의한 암호화



# 공개키 암호 원리

---

- 공개키 암호

- 요건

- B가 한 쌍의 공개키( $PU_B$ ), 개인키( $PR_B$ )를 생성하기 쉬워야 함
- 공개키( $PU_B$ )와 평문( $M$ )을 알고 있는 송신자 A는 암호문을 쉽게 구할 수 있어야 함
- 수신자 B는 암호문을 자신의 개인키( $PR_B$ )로 복호화하는 것이 계산적으로 쉬워야 함
- 공개키( $PU_B$ )를 아는 공격자가 개인키( $PR_B$ )를 알기 어려워야 함
- 공개키( $PU_B$ )와 암호문( $C$ )을 아는 공격자가 평문( $M$ )을 알기 어려워야 함

# 목 차

---

- 보충
  - 스트림 암호와 RC4
  - 암호 블록 운용 모드
- 메시지 인증 방법
  - 해시 알고리즘
  - 메시지 인증 코드
- 공개키 암호 원리
- 공개키 암호 알고리즘
- 디지털 서명

# 공개키 암호 알고리즘

---

- RSA(Rivest-Shamir-Adleman)
  - 정의
    - 큰 정수를 소인수분해하기 어렵다는 점을 이용한 공개키 암호 알고리즘
  - 특징
    - 공개키 암호화 방식
      - 두 개의 키 사용
    - 디지털 서명이 가능한 최초의 알고리즘
    - SSL/TLS에서 가장 많이 사용
      - 전세계 대부분의 인터넷 뱅킹에서 RSA 암호화 사용

# 공개키 암호 알고리즘

- RSA(Rivest-Shamir-Adleman)

- 동작 과정(1/2)

- 키 생성( $PU = \{e, n\}$ ,  $PR = \{d, n\}$ )

- 1. 서로 다른 임의의 두 개의 소수  $p$ 와  $q$  선택

- 2.  $n$  계산

- $n = p \times q$

- 3.  $\varphi(n)$  계산

- $\varphi(n)$ 은 1부터  $n - 1$ 까지의 양의 정수 중,  $n$ 과 서로소인 정수의 개수 의미

- $\varphi(n) = (p - 1) \times (q - 1)$

- 4. 정수  $e$  계산

- $\varphi(n)$ 와 서로소인 정수  $e$ 를 구함

- 서로소는 최대공약수(GCD, Greatest Common Multiple)가 1인 수,  
 $\gcd(\varphi(n), e) = 1$

- 공개키  $PU = \{e, n\}$  생성

- 5.  $d$  계산

- $d = e^{-1}$  이므로  $de \bmod \varphi(n) = 1$

- 개인키  $PR = \{d, n\}$  생성

# 공개키 암호 알고리즘

- RSA(Rivest-Shamir-Adleman)

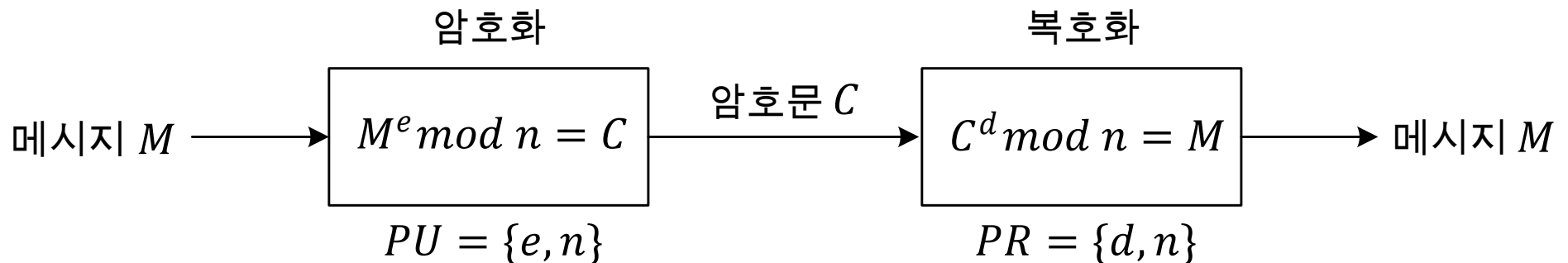
- 동작 과정(2/2)

- 암호화 과정

- 공개키  $PU = \{e, n\}$  사용
    - $C = M^e \bmod n$

- 복호화 과정

- 개인키  $PR = \{d, n\}$  사용
    - $M = C^d \bmod n$



# 공개키 암호 알고리즘

---

- RSA(Rivest-Shamir-Adleman)
  - 시도 가능한 공격
    - 전수 공격(Brute-Force Attack)
      - 가능한 모든 경우의 개인키로 시도하는 공격
      - $e$ 와  $d$ 가 클수록 공격이 어려워짐
    - 소인수분해 공격
      - $n$ 을 소인수분해하여 소수  $p$ 와  $q$ 를 통해 키를 구하는 공격
        - 개인키가 유출된 것을 의미
      - $n$ 이 클수록 공격이 어려워짐

# 공개키 암호 알고리즘

---

- 디지털 서명(Digital Signature)

- 정의

- 송신자의 신원을 증명하기 위한 검증 알고리즘

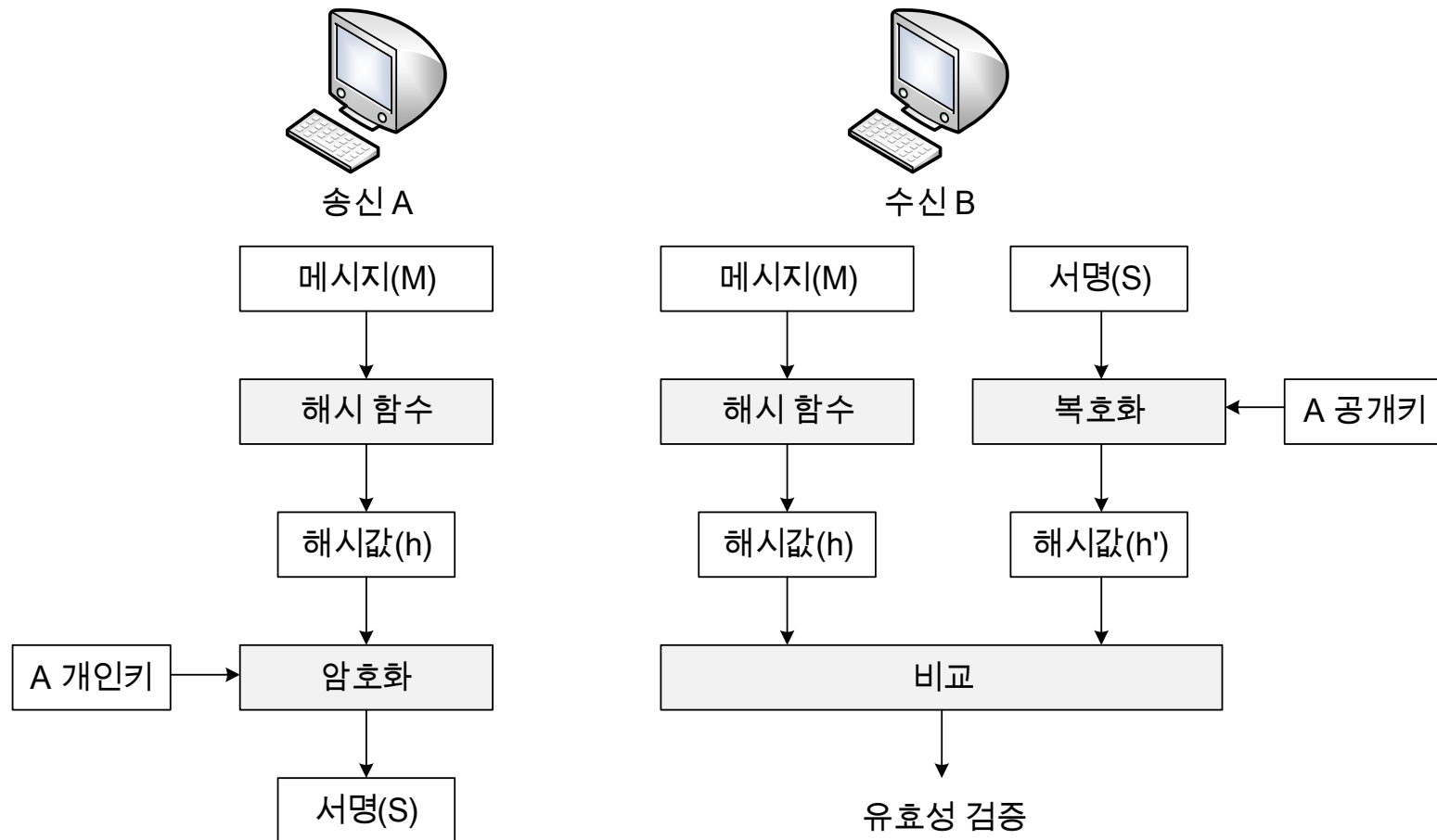
- 특징

- RSA 암호화 사용
    - 해시 함수 사용
    - 출처 인증 및 데이터 무결성 검증
      - 서명자의 신분 증명
      - 서명자의 서명 사실에 대한 부인봉쇄 증명
      - 서명한 데이터의 무결성 증명
    - 재사용 불가능
      - 다른 문서의 서명으로 사용 불가



# 공개키 암호 알고리즘

- 디지털 서명(Digital Signature)
- 동작 과정



# 공개키 암호 알고리즘

---

- RSA 기반 디지털 서명(Digital Signature)

- 동작 과정(1/2)

1. 키 생성

- 두 개의 소수  $p, q$ 를 선택
- $n = p \times q$
- $\varphi(n) = (p - 1) \times (q - 1)$
- 정수  $e$  선택 후,  $de \bmod \varphi(n) = 1$ 를 통해  $d$  계산

2. 서명

- 송신자는 자신의 개인키( $d, n$ )로 메시지( $M$ )의 서명( $S$ ) 생성
  - $S = M^d \bmod n$
- 수신자에게 송신자의 공개키( $e, n$ ) 전달

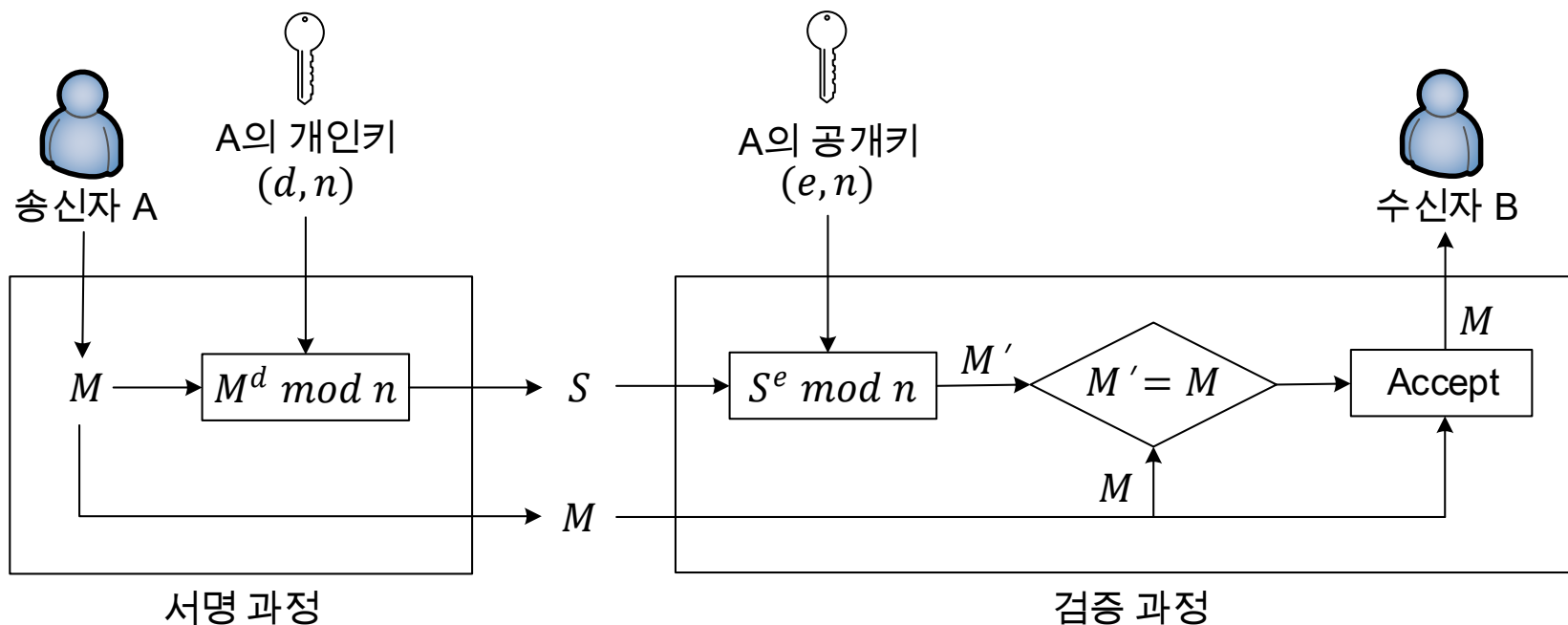
# 공개키 암호 알고리즘

## • RSA 기반 디지털 서명(Digital Signature)

### • 동작 과정(2/2)

#### 3. 검증

- 수신자는 송신자의 공개키( $e, n$ )를 이용하여 메시지( $M'$ ) 계산
  - $M' = S^e \bmod n$
- 수신자는  $M$ 과  $M'$ 를 비교하여 유효성 검증 가능



# 공개키 암호 알고리즘

---

- Diffie-Hellman 키 교환

- 정의

- 송수신자가 대칭키를 안전하게 교환하기 위해 사용하는 알고리즘

- 특징

- 키를 암호화하기 위함이 아닌 교환을 위한 알고리즘
- 본인의 개인키와 상대방의 공개키를 이용하여 대칭키 생성
- 이산 대수 문제(Discrete Logarithms Problems) 활용
- 중간자 공격(Man-in-the-Middle Attack) 시도 가능

# 공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 키 교환

- 이산 대수 문제(Discrete Logarithms Problems)

- 정의

- $y = x^n \pmod{m}$ 에서  $x, y$ 를 알고 있는 경우, 지수  $n$ 을 구하기 어렵다는 문제

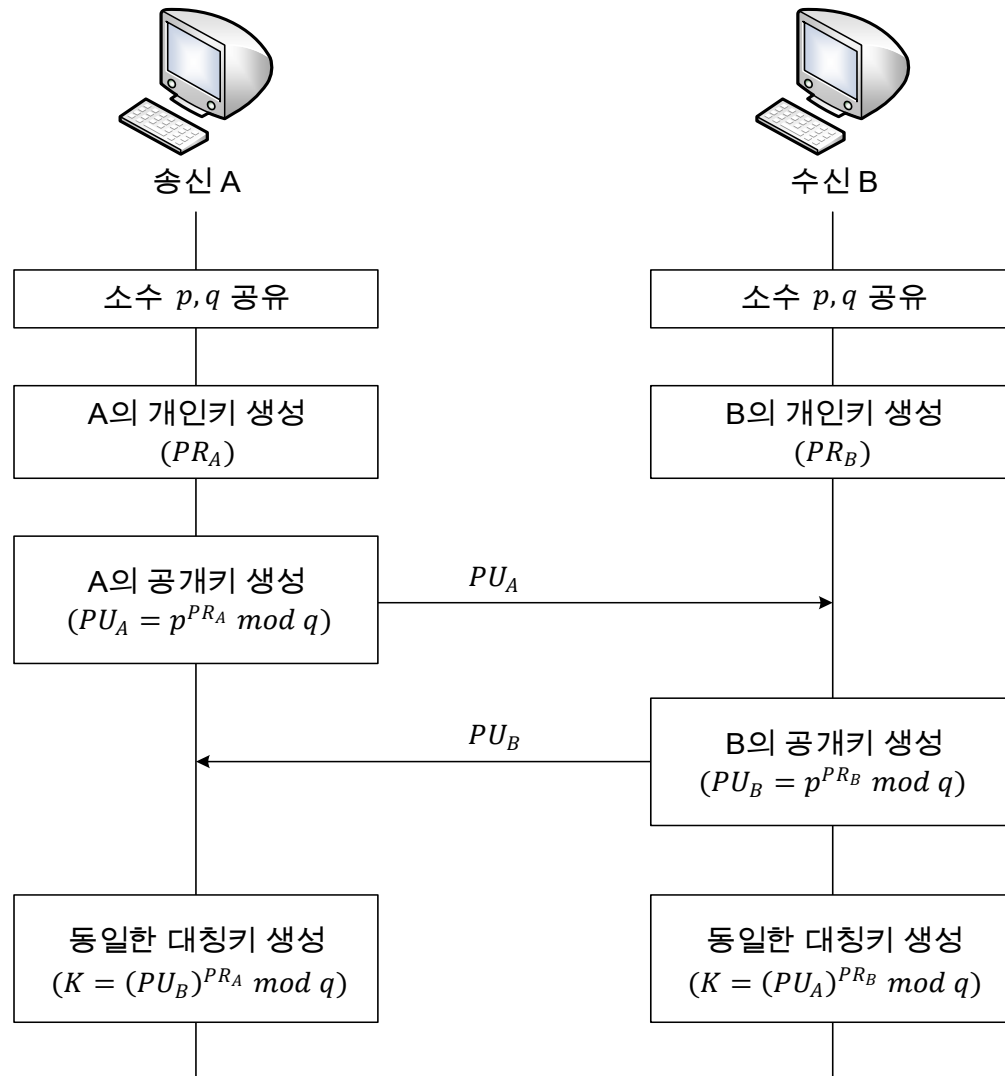
- 원시근(Primitive Root)

- 자신의 거듭제곱으로 1부터  $p-1$ 까지의 모든 정수를 생성할 수 있는 수를 의미
    - 어떤 수  $a$ 가 소수  $p$ 의 원시근
      - $a \pmod{p}, a^2 \pmod{p}, \dots, a^{p-1} \pmod{p}$
      - e.g.,  $a^i \pmod{p}$ ,  $p = 13$ 인 경우, 7은  $p$ 의 원시근 중 하나임

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
7	7	10	5	9	11	12	2	9	8	10	6	1

# 공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 키 교환
  - 키 교환 알고리즘

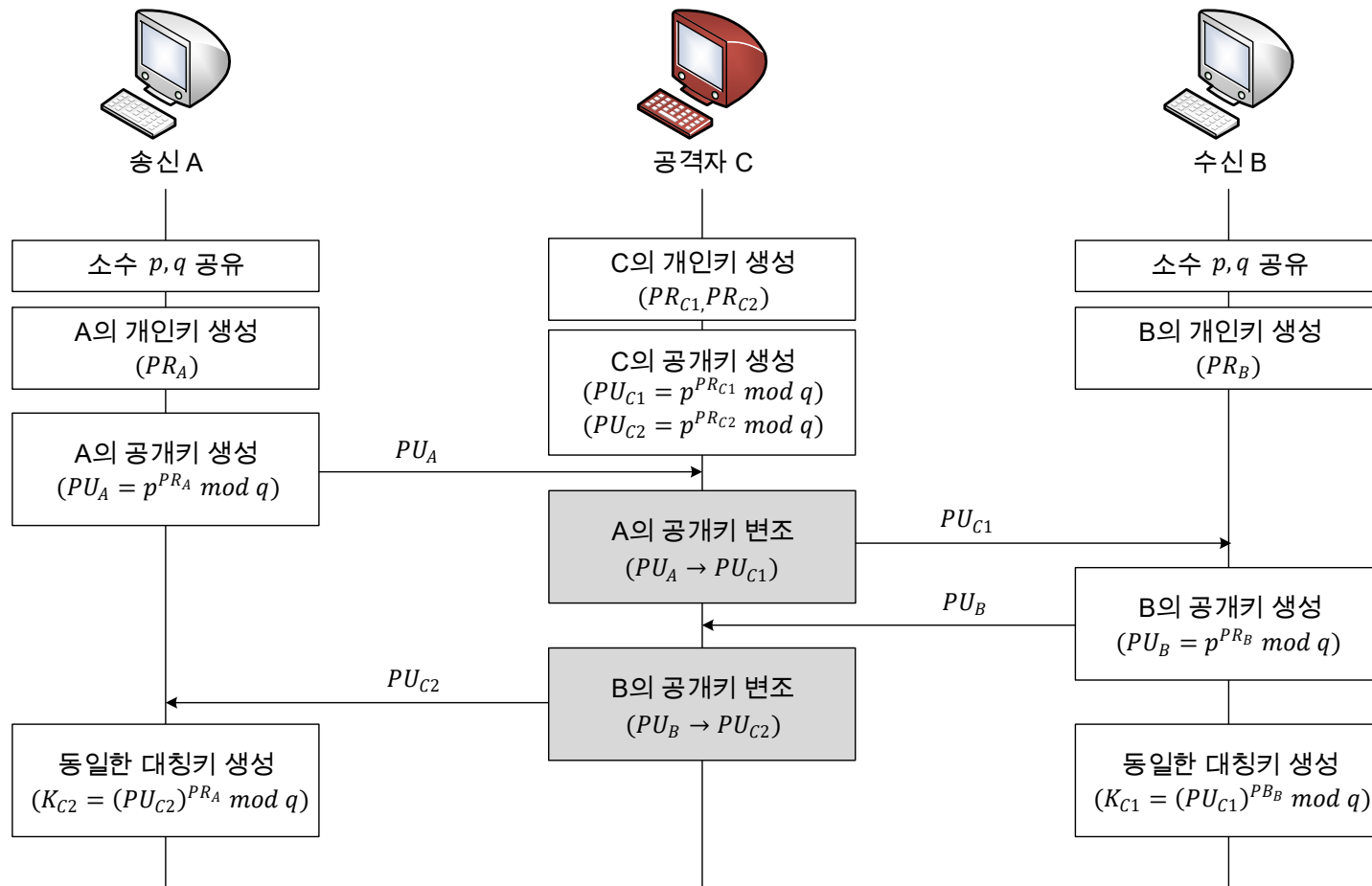


# 공개키 암호 알고리즘

- Diffie-Hellman 키 교환

- 중간자 공격(Man-in-the-Middle Attack)

- 공격자가 송수신자 간 전달 메시지를 변조하는 공격



---

# Thanks!

김 지 혜 ([jihye@pel.sejong.ac.kr](mailto:jihye@pel.sejong.ac.kr))